

136

B



136B

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه  
۱۳۹۴/۱۲/۱۴



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام خمینی (ره)»

## آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکن) – سال ۱۳۹۵

### مهندسی مکانیک (کد ۲۳۰۴)

مدت پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۰

عنوان دروس اختصاصی، تعداد و شماره سوال‌ها

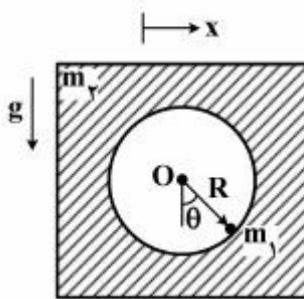
| ردیف | دروس اختصاصی                       | تعداد سوال | از شماره | تا شماره |
|------|------------------------------------|------------|----------|----------|
| ۱    | دینامیک، ترمودینامیک، مقاومت مصالح | ۴۰         | ۱        | ۴۰       |

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

دینامیک:

- ۱ ذرهای به جرم  $m_1$  بر روی دایرهٔ صیقلی به شعاع  $R$  که از یک جسم به جرم  $m_2$  بریده شده است، از موقعیت  $\theta = \frac{\pi}{2}$  از حالت سکون رها می‌شود. جسم  $m_2$  بر روی مسیر افقی صیقلی حرکت می‌کند. با توجه به اینکه مؤلفه  $x$  موقعیت افقی جسم  $m_2$  و  $\theta$  موقعیت ذره  $m_1$  نسبت به محور عمودی را نشان می‌دهد، سرعت جرم  $m_1$  و  $m_2$  در  $\theta = 0^\circ$  کدام است؟



$$V_r = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_1}{m_2})gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}}, \quad V_\theta = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_1}{m_2})gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (1)$$

$$V_r = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_1}{m_2})gR}{1 + \frac{m_1}{m_2}}}, \quad V_\theta = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_1}{m_2})gR}{1 + \frac{m_1}{m_2}}} \quad (2)$$

$$V_r = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_2}{m_1})gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}}, \quad V_\theta = -\sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_2}{m_1})gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (3)$$

$$V_r = \sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_2}{m_1})gR}{1 + \frac{m_1}{m_2}}}, \quad V_\theta = -\sqrt{\frac{\gamma(\frac{m_2}{m_1})gR}{1 + \frac{m_1}{m_2}}} \quad (4)$$

- ۲ متحرکی با سرعت اولیه صفر در مسیری دایره‌ای به شعاع  $R$  شروع به حرکت می‌کند. اگر شتاب مماسی متحرک مقدار ثابت  $a_0$  فرض شود، مقدار شتاب کل متحرک پس از طی یک دورهٔ کامل مسیر، کدام است؟

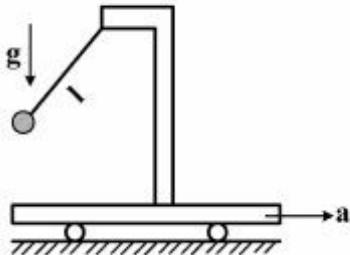
$$4\pi a_0 \quad (1)$$

$$a_0 \sqrt{1 + 16\pi^2} \quad (2)$$

$$a_0 \sqrt{1 + 4\pi^2} \quad (3)$$

(4) صفر

- ۳ پاندولی به طول  $l$  به ارایه‌ای که با شتاب  $a$  مطابق شکل در حرکت است، متصل است. پریود نوسان پاندول، کدام است؟



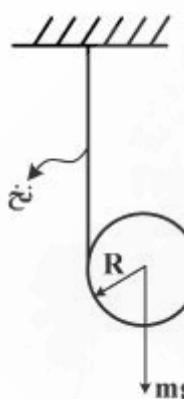
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{\sqrt{a^2 - g^2}}} \quad (1)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{\sqrt{g^2 + a^2}}} \quad (2)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{a+g}} \quad (3)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{1}{g}} \quad (4)$$

- ۴ سیلندری مطابق شکل زیر توسط نخی که حول آن پیچیده شده و سر آزاد آن به تکیه‌گاه صلبی متصل است، براثر وزن خود «mg» دوران نموده و از نخ باز می‌شود. شتاب سیلندر، در این حالت کدام است؟



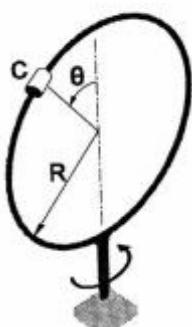
$$a = \frac{g}{3} \quad (1)$$

$$a = \frac{2}{3}g \quad (2)$$

$$a = \frac{2g}{3} \quad (3)$$

$$a = \frac{g}{6} \quad (4)$$

- ۵ ذره‌ای به جرم ۲ کیلوگرم می‌تواند آزادانه بر روی حلقه‌ای به جرم ۳ کیلوگرم و شعاع  $250$  میلی‌متر حرکت کند. حلقه با میله عمودی خود می‌تواند آزادانه به دور تکیه‌گاه خود بگردد. در زمان اولیه، حلقه دارای سرعت زاویه‌ای  $\frac{rad}{s}$  می‌باشد و ذره در بالای حلقه ( $\theta = 0^\circ$ ) قرار گرفته است و از اینجا با سرعت ناچیز حرکت خود را آغاز می‌کند. مقدار سرعت زاویه‌ای حلقه زمانی که ذره از مکان  $\theta = 90^\circ$  می‌گذرد، چند رادیان بر ثانیه است؟ (از اصطکاک صرف نظر کنید).



(1) ۱۵

(2) ۱۶

(3) ۱۸

(4) ۲۱

- ۶ کره‌ای توبیر از حالت سکون به پایین سطح شیب‌داری با زاویه شیب  $30^\circ$  درجه می‌غلتد. برای اینکه هیچ لغزشی اتفاق نیافتد، حداقل ضریب اصطکاک ایستایی لازم چقدر باید باشد؟

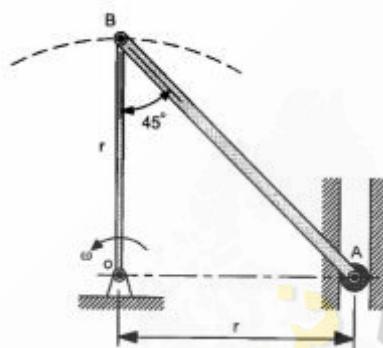
$$\frac{2}{7\sqrt{3}} \quad (1)$$

$$\frac{5}{7\sqrt{3}} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{5} \quad (3)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{5} \quad (4)$$

- ۷ میله OB با سرعت زاویه‌ای ثابت  $\omega$  در حال چرخش می‌باشد. شتاب زاویه‌ای میله AB در این حالت، کدام است؟



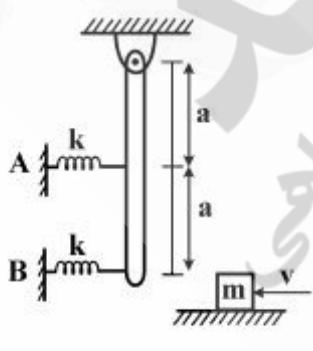
$$\sqrt{2}\omega \quad (1)$$

$$\omega \quad (2)$$

$$\frac{\omega}{\sqrt{2}} \quad (3)$$

$$\frac{\omega}{2} \quad (4)$$

- ۸ در اثر برخورد جرم m با میله حداکثر نیرویی که به دیواره A وارد می‌شود، کدام است؟ (از جرم فنرها و میله و اصطکاک در لولای میله صرف‌نظر کنید).



$$F_A = v\sqrt{\frac{4mk}{\Delta}} \quad (1)$$

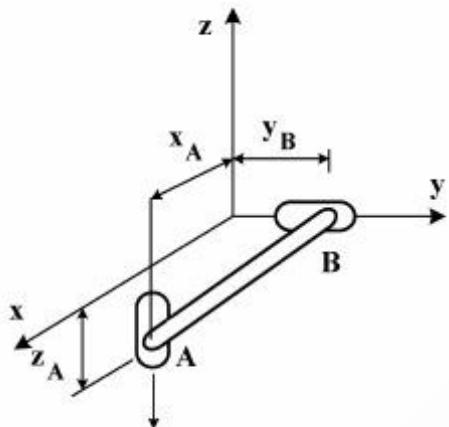
$$F_A = v\sqrt{\frac{3mk}{\Delta}} \quad (2)$$

$$F_A = v\sqrt{\frac{mk}{\Delta}} \quad (3)$$

$$F_A = v\sqrt{\frac{2mk}{\Delta}} \quad (4)$$

-۹

لغزندۀ A با سرعت  $v_0$  مطابق شکل حرکت می‌کند. سرعت لغزندۀ B، کدام است؟



$$v_B = v_0 \quad (1)$$

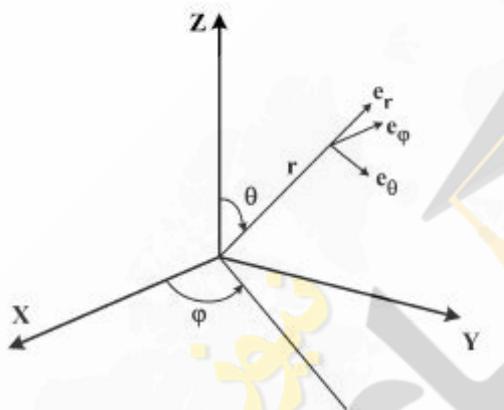
$$v_B = 2v_0 \frac{y_B}{z_A} \quad (2)$$

$$v_B = v_0 \frac{y_B}{z_A} \quad (3)$$

$$v_B = v_0 \frac{z_A}{y_B} \quad (4)$$

-۱۰

هرگاه در مختصات کروی،  $e_r$  و  $e_\theta$  و  $e_\phi$  به ترتیب بردارهای یکه باشند، مشتق  $\dot{e}_r$  برابر کدام است؟



$$\dot{e}_r = \dot{\theta} e_\theta + \dot{\phi} \sin \theta e_\phi \quad (1)$$

$$\dot{e}_r = \dot{\theta} \sin \theta e_\theta - \dot{\phi} e_\phi \quad (2)$$

$$\dot{e}_r = \dot{\theta} e_\theta + \dot{\phi} \cos \theta e_\phi \quad (3)$$

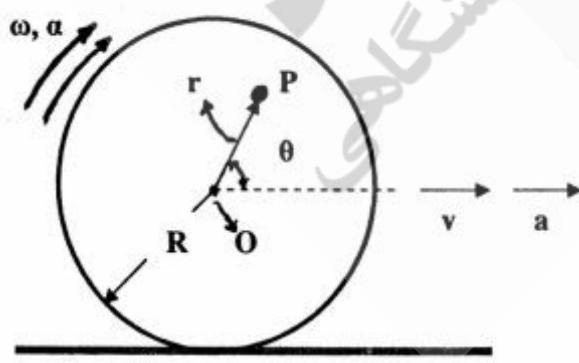
$$\dot{e}_r = \dot{\theta} \cos \theta e_\theta - \dot{\phi} e_\phi \quad (4)$$

-۱۱

چرخی به شعاع R بدون لغزش مطابق شکل زیر می‌غلند. اندازه سرعت مرکز آن  $v = R\dot{\theta} = R\omega$  و شتاب مرکز آن

است. در این چرخ نقطه‌ای مانند P با شتاب صفر موجود است. فاصله نقطه P از مرکز چرخ

یعنی  $r$ ، کدام است؟



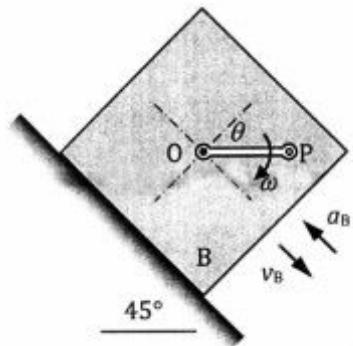
$$r = \frac{R\alpha}{\alpha - \omega^2} \quad (1)$$

$$r = \frac{R\sqrt{\alpha^2 + \omega^2}}{\alpha} \quad (2)$$

$$r = \frac{R\alpha}{\sqrt{\alpha^2 + \omega^2}} \quad (3)$$

$$r = \frac{R\omega^2}{\alpha + \omega^2} \quad (4)$$

- ۱۲ میله  $OP$  به طول  $OP = 10\sqrt{2}\text{cm}$  در نقطه  $O$  به جعبه لولا شده و با سرعت زاویه‌ای ثابت ساعت‌گرد  $\omega = 5\text{rad/s}$  دوران می‌کند. در لحظه‌ای که  $\theta = 45^\circ$  است، جعبه  $B$  با سرعت روبه پایین  $v_B = 1\text{m/s}$  و شتاب روبه بالای  $a_B = 5\text{m/s}^2$  روی سطح شیب‌دار  $45^\circ$  حرکت می‌کند. اندازه سرعت و شتاب نقطه انتهایی  $P$  در این لحظه برابر کدام است؟



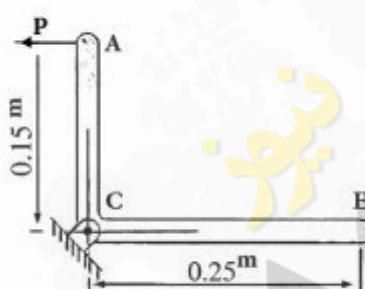
$$a_P = \frac{5\sqrt{2}}{2}(\text{m/s}^2) \quad , \quad v_P = \frac{\sqrt{2}}{2}(\text{m/s}) \quad (1)$$

$$a_P = \frac{5\sqrt{10}}{2}(\text{m/s}^2) \quad , \quad v_P = \frac{\sqrt{10}}{2}(\text{m/s}) \quad (2)$$

$$a_P = \frac{5\sqrt{2}}{2}(\text{m/s}^2) \quad , \quad v_P = \frac{\sqrt{10}}{2}(\text{m/s}) \quad (3)$$

$$a_P = \frac{5\sqrt{10}}{2}(\text{m/s}^2) \quad , \quad v_P = \frac{\sqrt{10}}{2}(\text{m/s}) \quad (4)$$

- ۱۳ میله  $ACE$  حول محوری که از  $C$  می‌گذرد دوران می‌کند و در موقعیت نشان داده شده دارای سرعت زاویه‌ای  $\omega = 24\text{ rad/s}^2$  و شتاب زاویه‌ای  $\alpha = 30\text{ kg}$  باشد. جرم  $AC$  و  $CE$  به ترتیب برابر با  $20\text{ kg}$  و  $30\text{ kg}$  می‌باشند. نیروی



$$(g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \quad P \text{ برای این موقعیت چند نیوتن است؟} \quad (1)$$

۹۷/۵۱ (۱)

۱۲۱/۲۵ (۲)

۱۴۸/۲ (۳)

۱۸۲/۴ (۴)

- ۱۴ استوانه‌ای به شعاع  $1\text{m}$  دارای حرکتی غلتشی (بدون لغش) بر سطح افقی است. اگر  $\omega = 1\frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و  $\alpha = 1\frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$  باشد، نسبت حداقل شتاب به حداقل شتاب نقاط واقع بر محیط استوانه چه مقدار است؟

(۱) ۲

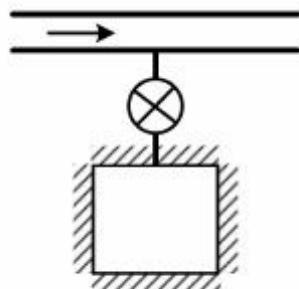
(۲)  $3 - 2\sqrt{2}$

(۳)  $3 + 2\sqrt{2}$

(۴)  $\infty$

ترمودینامیک:

- ۱۵- یک خط لوله را که در آن گازی در جریان است در نظر بگیرید. یک مخزن به این خط لوله مطابق شکل زیر متصل است. ابتدا مخزن خالی است شیر باز می‌شود و به سرعت گاز وارد مخزن می‌گردد تا فشار آن با فشار خط برابر شود.



گزینه درست، در این مورد کدام است؟

$$(1) \text{ دمای گاز درون مخزن بیشتر از دمای گاز در خط لوله است.}$$

$$(2) \text{ دمای گاز درون مخزن کمتر از دمای گاز در خط لوله است.}$$

$$(3) \text{ دمای گاز درون مخزن برابر با دمای خط لوله است.}$$

$$(4) \text{ برای پیش‌بینی دمای گاز درون مخزن نیاز به ضریب ژول تامسون می‌باشد.}$$

- ۱۶- یک کیلوگرم گاز ایدئال در یک مخزن استوانه‌ای شکل به حجم مخصوص  $V_1$  تا حجم مخصوص  $V_2$  به صورت هم‌دما منبسط می‌شود، تغییرات آنتروپی گاز در طی فرآیند انبساط برگشت‌پذیر، کدام است؟

$$(1) R \ln \frac{V_1}{V_2}$$

$$(2) R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$(3) R \ln \left( \frac{V_2}{V_1 + V_2} \right)$$

$$(4) R \ln \left( \frac{V_2 + V_1}{V_2} \right)$$

- ۱۷- ماده‌ای در داخل سیستم تحت تأثیر فرآیند شبیه تعادلی فشار ثابت قرار دارد. در مورد مقدار انتقال حرارت  $Q_2$  گزینه درست کدام است؟

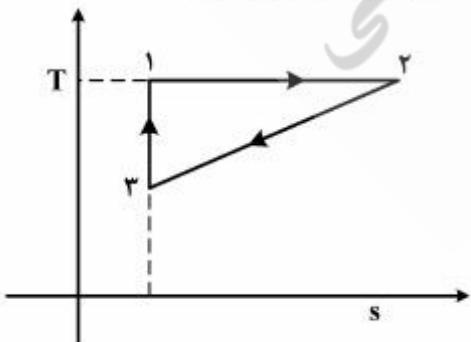
$$(1) P\Delta V$$

$$(2) V\Delta P$$

$$(3) \Delta U$$

$$(4) \Delta H$$

- ۱۸- برای چرخه برگشت‌پذیر نشان داده شده در نمودار  $T-s$ ، راندمان حرارتی  $\eta_{th}$  برابر کدام است؟



$$(1) \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_2}{T_1} \right) \left( 1 - \frac{S_1}{S_2} \right)$$

$$(2) \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_2}{T_1} \right) \left( 1 + \frac{S_1}{S_2} \right)$$

$$(3) \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{T_2}{T_1} \right) \left( 1 - \frac{S_1}{S_2} \right)$$

$$(4) \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_2}{T_1} \right)$$

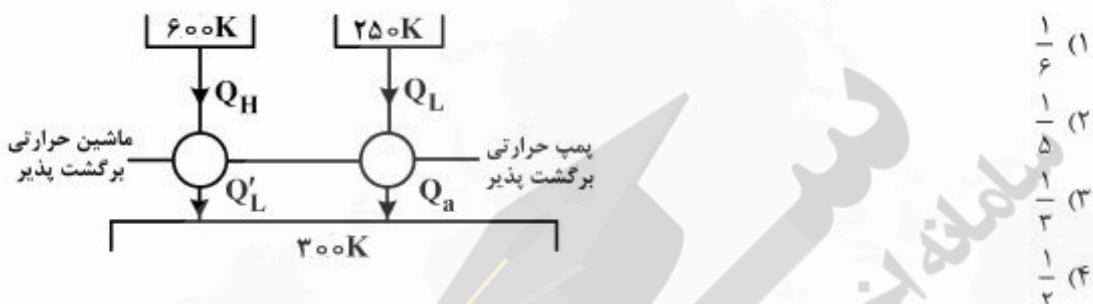
- ۱۹ بالنى دارای گاز ایدئال است. فشار گاز درون بالن با محدود قدر متناسب است. به بالن حرارت می‌دهیم تا حجمش ۱/۵ برابر گردد. مقدار گرمای داده شده به بالن کدام است؟

$$m \left( c_p + \frac{3}{5} R \right) \Delta T \quad (2) \quad m c_V \Delta T + \frac{P_1 V_1}{2} \quad (1)$$

$$m c_p \Delta T + \frac{P_1 V_1}{2} \quad (4) \quad m \left( c_V + \frac{3}{5} R \right) \Delta T \quad (3)$$

- ۲۰ یک منبع گرم در دمای  $600\text{ K}$  و محیط در دمای  $300\text{ K}$  در دسترس می‌باشد. می‌خواهیم فضای سردی در دمای  $250\text{ K}$  ایجاد کنیم. اگر همهٔ فرایندها برگشت پذیر باشند، نسبت حرارتی که از منبع گرم می‌گیریم به حرارتی که

به محیط پس می‌دهیم  $\left( \frac{Q_H}{Q_a} \right)$  چقدر است؟



- ۲۱ کدام فرایند، ناقص قانون دوم ترمودینامیک است؟

(۱) فرایندی که گاز در آن به صورت بی‌دورو و یا هم‌دمای متبسط شود

(۲) فرایندی که تنها با یک منبع تبادل حرارت بکند و کار تولیدی آن مثبت باشد

(۳) فرایند هم‌دمایی که در آن  $\Delta S < 0$  باشد

(۴) هیچ کدام از فرایندها

- ۲۲ در مخزن عایق زیر دو گاز ایدئال A و B توسط غشا از هم جدا می‌باشند. اگر غشا پاره شود و گازها باهم مخلوط شوند،  $s_A - s_B$  برای این تحول کدام است؟



- ۲۳ در تحول انبساط آزاد و آدیاباتیک، یک گاز ایدئال از حجم اولیه  $V$  به حجم نهایی  $2V$  منبسط می‌شود، مقدار تولید آنتروپی در این فرایند کدام است؟ (ظرفیت‌های گرمایی ویژه ثابت و R ثابت گاز فرض شود.)

$$2R \ln(2) \quad (۱)$$

$$R \ln 2 \quad (۲)$$

$$R \ln(0.5) \quad (۳)$$

$$0 \quad (۴)$$

- ۲۴ کار انجام‌شده بر واحد جرم برای یک گاز کلوزیوس با معادله حالت  $P(v-b) = RT$  در یک فرایند برگشت‌پذیر، از فشار و دمای  $P_1$  و  $T_1$  تا فشار و دمای  $P_2$  و  $T_2$ ، کدام است؟

$$RT \ln \frac{P_1}{P_2} \quad (2)$$

$$RT \ln \left[ \frac{(T_2)(P_1)}{(T_1)(P_2)} \right] \quad (1)$$

$$\frac{kR(T_2 - T_1)}{1-k} \quad (4)$$

$$\frac{R(T_2 - T_1)}{1-k} \quad (3)$$

- ۲۵ تغییرات آنتروپی بر واحد جرم ( $s_2 - s_1$ ) برای یک گاز آرمانی از فشار و دمای  $P_1$  و  $T_1$  تا فشار و دمای  $P_2$  و  $T_2$  کدام است؟ (گرمای ویژه ثابت ( $c_p = \text{const.}$ ) می‌باشد).

$$k = \frac{c_p}{c_v} \quad (5)$$

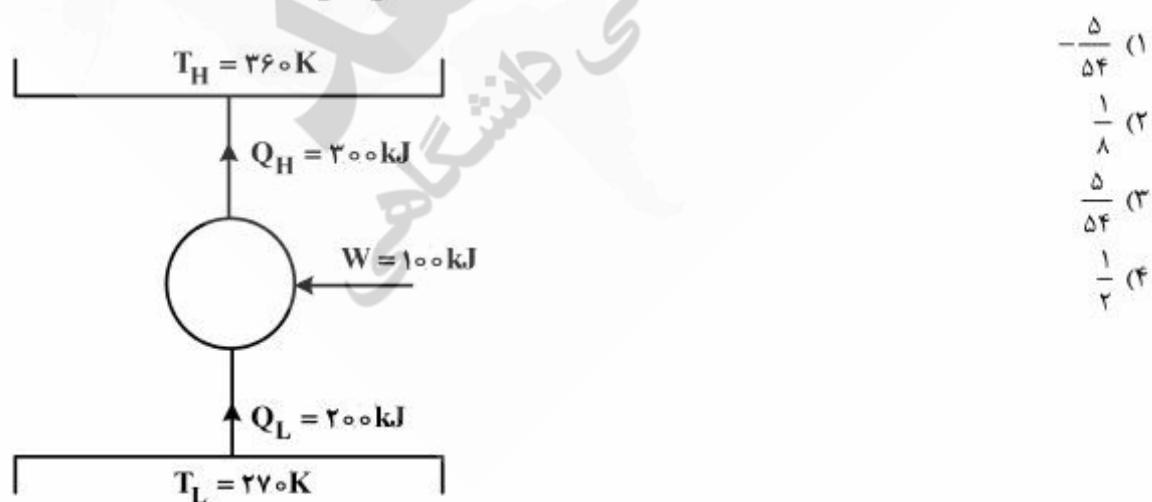
$$c_v \ln \left[ \frac{\frac{T_2}{T_1}}{\left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{k-1}}} \right] \quad (2)$$

$$c_v \ln \left[ \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \left( \frac{P_1}{P_2} \right) \right] \quad (1)$$

$$c_p \ln \left[ \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \left( \frac{P_1}{P_2} \right) \right] \quad (4)$$

$$c_p \ln \left[ \frac{\frac{T_2}{T_1}}{\left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{k-1}}} \right] \quad (3)$$

- ۲۶ تولید آنتروپی در پمپ گرمایی با مشخصات داده شده در شکل زیر، بر حسب  $\left[ \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \right]$  کدام است؟



- ۲۷- برای بخار در فشار ثابت  $P = ۳\text{ MPa}$ ، آنتالپی ( $h$ ) در دمای مختلف ( $T$ ) به قرار زیر است.

| $P = ۳\text{ MPa}$                              |      |      |
|---|------|------|
| $T[\text{ }^{\circ}\text{C}]$                   | ۲۵۰  | ۳۵۰  |
| $h \left[ \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}} \right]$ | ۲۸۵۵ | ۳۱۱۵ |

مقدار گرمای ویژه در فشار ثابت ( $c_p$ ) در دمای  $۳۰۰\text{ }^{\circ}\text{C}$  به طور تقریبی چقدر است؟

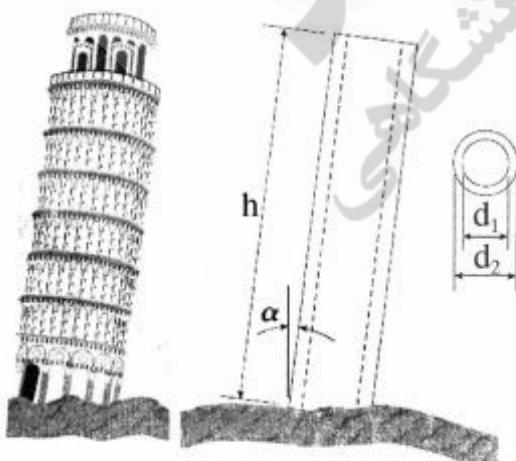
- (۱)  $۰/۲۸۷$   
 (۲)  $۱/۰$   
 (۳)  $۱/۴$   
 (۴)  $۲/۶$

#### مقاومت مصالح:

- ۲۸- یک استوانه توپر برنجی ( $E = ۱۰۰\text{ GPa}$ ,  $\nu = ۰/۳$ ) به قطر  $۲۰۰\text{ mm}$  و ارتفاع  $۵۰۰\text{ mm}$  در سیالی تحت فشار خارجی هیدرو استاتیک  $۵\text{ MPa}$  قرار دارد. کاهش ارتفاع و کاهش حجم استوانه در اثر فشار سیال به ترتیب از راست چند میلی‌متر و چند میلی‌متر مکعب است؟

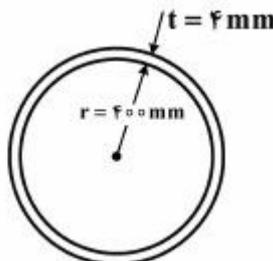
- (۱)  $۶۲۸۰, ۰/۱$   
 (۲)  $۹۴۲۰, ۰/۱$   
 (۳)  $۹۴۲۰, ۰/۲$   
 (۴)  $۶۲۸۰, ۰/۲$

- ۲۹- یک برج را می‌توان به صورت استوانه توخالی همگنی که از ماده تردی ساخته شده به صورت شکل زیر در نظر گرفت. برقراری کدام شرط مانع ایجاد تنفس کشنشی در برج می‌شود؟



$$\begin{aligned} \text{۱} & \quad \pi h d_2 \tan \alpha \leq d_1^2 + d_2^2 \\ \text{۲} & \quad \pi h d_2 \tan \alpha \leq d_2^2 - d_1^2 \\ \text{۳} & \quad \pi h d_2 \tan \alpha \leq d_1^2 + d_2^2 \\ \text{۴} & \quad \pi h d_2 \tan \alpha \leq d_2^2 - d_1^2 \end{aligned}$$

- ۳۰- یک لوله بسیار طویل با مقطع مطابق شکل، حامل گاز با فشار داخلی  $9 \text{ MPa}$  است. اگر مدول کشسانی و ضریب پواسون این لوله برابر  $E = 200 \text{ GPa}$  و  $\nu = \frac{1}{3}$  باشد، شعاع داخلی این لوله در اثر فشار گاز چگونه تغییر می‌کند؟



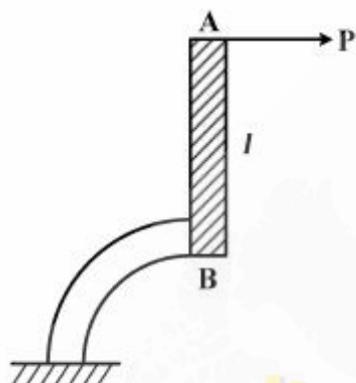
(۱)  $1/8 \text{ mm}$  کم می‌شود.

(۲)  $1/8 \text{ mm}$  زیاد می‌شود.

(۳)  $1/6 \text{ mm}$  کم می‌شود.

(۴)  $1/6 \text{ mm}$  زیاد می‌شود.

- ۳۱- میله صلب AB به طول  $R = l$  به تیری الاستیک به شکل ربع دایره به شعاع  $R$  مطابق شکل متصل شده است. خیز نقطه B در راستای افقی، کدام است؟



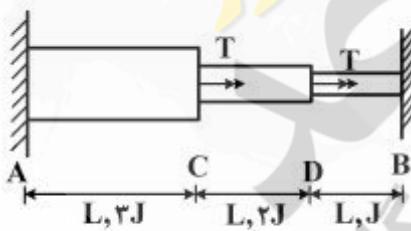
$$\frac{PR^{\frac{3}{4}}}{EI} \left( \frac{\pi}{4} - 1 \right) \quad (1)$$

$$\frac{PR^{\frac{3}{4}}}{\frac{3}{4}EI} \left( \frac{\pi}{4} - 1 \right) \quad (2)$$

$$\frac{PR^{\frac{3}{4}}}{EI} \left( \frac{9\pi}{4} - 4 \right) \quad (3)$$

$$\frac{PR^{\frac{3}{4}}}{\frac{3}{4}EI} \quad (4)$$

- ۳۲- تیر نامعین زیر تحت دو گشتاور پیچشی T در نقاط C و D قرار گرفته است. عکس العمل‌های تکیه‌گاهی در نقاط A و B چقدر است؟



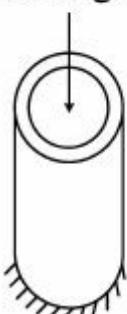
$$T_A = \frac{\Delta}{\gamma} T, T_B = \frac{9}{\gamma} T \quad (1)$$

$$T_A = \frac{9}{\gamma} T, T_B = \frac{\Delta}{\gamma} T \quad (2)$$

$$T_A = \frac{15}{11} T, T_B = \frac{\gamma}{11} T \quad (3)$$

$$T_A = \frac{\gamma}{11} T, T_B = \frac{15}{11} T \quad (4)$$

- ۳۳- یک لوله آلومینیومی با طول ۲ متر و قطر خارجی  $240 \text{ میلی‌متر}$  و ضخامت جداره  $10 \text{ میلی‌متر}$  تحت نیروی محوری فشاری  $640 \text{ کیلونیوتون}$  قرار گرفته است. قطر خارجی و ضخامت جداره لوله چند میلی‌متر تغییر می‌کند؟ (مدول الاستیک ۷۳ گیکاپاسکال، ضریب پواسون  $\nu = 0.33$  فرض شود)



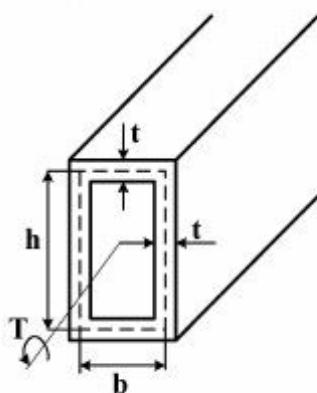
(۱)  $0/0020, 0/0480$

(۲)  $0/0080, 0/1971$

(۳)  $0/0040, 0/0961$

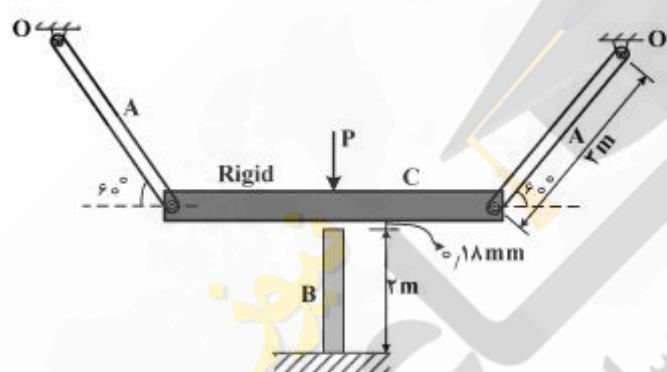
(۴)  $0/0010, 0/0240$

- ۳۴ محوری توخالی با سطح مقطع مستطیلی و ضخامت دیوار یکنواخت  $t$  تحت تأثیر گشتاور بیچشی  $T$  قرار گرفته است. چنانچه پارامترهای  $h$  و  $b$  را دو برابر کنیم و ضخامت  $t$  را طوری تغییر دهیم که وزن محور بدون تغییر باقی بماند، تنش برشی متوسط در محور چند برابر می‌شود؟



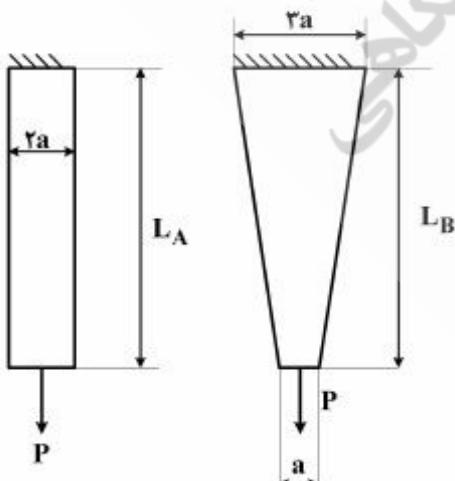
- (۱)  $\frac{1}{4}$
- (۲)  $\frac{1}{2}$
- (۳) ۲
- (۴) ۴

- ۳۵ لقی به اندازه  $18^\circ$  میلی‌متر بین صفحه صلب C و میله B تا قبل از اعمال نیروی P وجود دارد. در صورتی که کرنش موجود در میله B پس از اعمال نیروی P برابر با  $2500 \mu\text{m/m}$  باشد، کرنش ایجاد شده در میله‌های A چند خواهد بود؟



- (۱) ۹۹۶/۷
- (۲) ۱۴۹۵
- (۳) ۲۲۴۲/۵
- (۴) ۲۹۹۰

- ۳۶ دو میله فلزی از ورقی به ضخامت  $a$  بریده شده است. هر دو میله تحت بار یکسان P قرار دارند. نسبت  $\frac{L_A}{L_B}$  برای آنکه افزایش طول در هر دو میله برابر باشد، چقدر است؟ میله‌ها بدون وزن هستند و مدول الاستیسیته برابر می‌باشد.



- (۱)  $\ln(3)$
- (۲)  $\ln(\sqrt{5})$
- (۳)  $\ln(4)$
- (۴)  $\frac{(\ln 3)}{2}$

- ۳۷ - روابط توزیع تنش‌های شعاعی و محیطی در یک مخزن استوانه‌ای جدار ضخیم که تحت فشار داخلی  $P$  می‌باشد،

$$\text{به صورت } \sigma_\theta = c_1 + \frac{c_2}{r^2}, \sigma_r = c_1 - \frac{c_2}{r^2} \text{ بیان می‌شود. مقدار حداکثر تنش محیطی کدام است؟}$$

(۱)  $r_0, r_i$  به ترتیب شعاع داخلی و شعاع خارجی مخزن هستند)

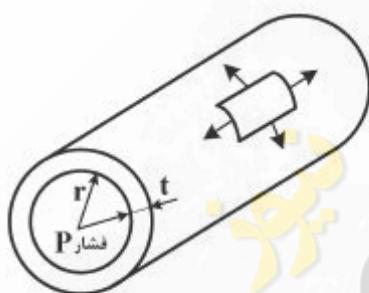
$$\frac{r_0^2 - r_i^2}{r_0^2 + r_i^2} P \quad (1)$$

$$\frac{r_0 + r_i}{r_0 - r_i} P \quad (2)$$

$$\frac{r_0 - r_i}{r_0 + r_i} P \quad (3)$$

$$\frac{r_0^2 + r_i^2}{r_0^2 - r_i^2} P \quad (4)$$

- ۳۸ - یک مخزن جدار نازک استوانه‌ای طویل تحت فشار داخلی  $P$  قرار دارد. شعاع داخلی آن  $r$  و ضخامت دیواره آن  $t$  می‌باشد. تنش‌های اصلی حداقل و حداکثر و تنش برشی حداکثر در سطح جانبی مخزن به ترتیب از راست کدام‌اند؟



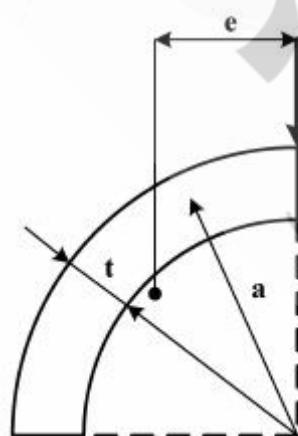
$$(1) \text{ صفر, } \frac{Pr}{2t}, \frac{Pr}{t}$$

$$(2) \frac{Pr}{2t}, \frac{Pr}{t}, \frac{Pr}{2t}$$

$$(3) \frac{Pr}{4t}, \frac{Pr}{t}, \frac{Pr}{2t}$$

$$(4) \text{ صفر, } \frac{Pr}{2t}, \frac{Pr}{t}$$

- ۳۹ - تیری با مقطع شکل زیر تحت بار عرضی قائم  $V$  قرار گرفته است. فاصله  $e$  مرتبه با محل مرکز برش، کدام است؟



$$(1) \frac{2a}{\pi}$$

$$(2) \frac{4a}{\pi}$$

$$(3) 2a$$

$$(4) 4a$$

- ۴۰ یک مخزن فولادی استوانه‌ای مسدود شامل یک سوخت بخار شدنی تحت‌فشار می‌باشد. یک کرنش‌سنجد در نقطه A کرنش طولی در مخزن را ثبت نموده و این اطلاعات به یک اتاق کنترل منتقل می‌شود. تنفس برشی نهایی دیواره مخزن  $84 \text{ MPa}$  و ضریب اینمنی  $2/5$  موردنیاز است. حداکثر مقدار کرنش محوری مجاز مخزن چقدر است؟ (مدول الاستیسیته  $210 \text{ GPa}$  و نسبت پواسان  $3/0$  فرض شود).





