

۱۹۱

F

نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :



191F

صبح جمعه

۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های دکتری (نیمه مرکز) داخل سال ۱۳۹۳

مهندسی پزشکی (۲)
بیومکانیک (کد ۲۳۴۸)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات عمومی ۱ و ۲ و معادلات دیفرانسیل - مبانی بیومکانیک ۱ و ۲)	۴۵	۱	۴۵

اسفندماه سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

-۱ فرض کنید $z = 2e^{\frac{\pi i}{6}}$. مساحت مستطیل محصور بین نقاط z , \bar{z} , $-z$ و $-\bar{z}$ کدام است؟

- ۱) $\sqrt{2}$
۲) $2\sqrt{2}$
۳) $4\sqrt{3}$
۴) $4\sqrt{2}$

-۲ سریهای به ترتیب و $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{t^n}{n!}$, $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{n}-1)^n$ می باشند.

- ۱) همگرا- همگرا
۲) همگرا- واگرا
۳) واگرا- همگرا
۴) واگرا- واگرا

-۳ مقدار $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\int_x^{x+\Delta x} (1+\frac{1}{t})^t dt}{x}$ برابر است با:

- ۱) e
۲) e
۳) Δe
۴) $4e$

-۴ مقدار انتگرال $\int_1^e (\ln x)^3 dx$ کدام است؟

- ۱) $e - 2e$
۲) $e - 2e$
۳) $2e - e$
۴) $2e - e$

-۵ مقدار $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sum_{k=1}^n \sqrt{(n+k)(n+k+1)}}{n^2}$ کدام است؟

- ۱) $\frac{1}{2}$
۲) $\frac{3}{2}$
۳) $\frac{1}{2}$
۴) $\frac{3}{2}$

-۶ کدام گزینه در مورد $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x^3+y^3)}{x^3+y^3}$ صحیح است؟

- ۱) وجود ندارد
۲) \circ
۳) $\frac{1}{2}$

-۷ فرض کنید $r(t) = \left((1+t^2)^t, \cosh(t-t) \right)$ که در آن $t > 0$. احناء این منحنی در $t=1$ برابر است با:

$$\frac{1}{4(1+\ln 2)^2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4(1+\ln 2)^3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{8(1+\ln 2)^2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{8(1+\ln 2)^3} \quad (3)$$

-۸ معادله صفحه مماس بر رویه $\sin(xyz) - \sin(x+y+z) = 1$ در نقطه

$(\frac{\pi}{2}, 2\pi)$ کدام است؟

$$y = 0 \quad (2)$$

$$x = 0 \quad (1)$$

$$x + y + z = -\frac{\pi}{2} \quad (4)$$

$$x = \frac{\pi}{\pi} \quad (3)$$

-۹ کدام گزینه در مورد انتگرال دو گانه

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dxdy}{\sqrt{(1+x^2+y^2)^3}}$$

صحیح است؟

(2) همگرا به $\frac{\pi}{2}$ است.

(1) واگرا به $+\infty$ است.

(4) همگرا به 2π است.

(3) همگرا به π است.

-۱۰ فرض کنید C منحنی $x^2 + y^2 = 1$ و $y \geq 0$ باشد که در جهت مثلثاتی در نظر

گرفته شده است. مقدار $\int_C (e^x \cos y)dx - (e^x \sin y)dy$ کدام است؟

$$\frac{1}{e} - e \quad (2)$$

$$e + \frac{1}{e} \quad (4)$$

$$0 \quad (1)$$

$$2\pi \quad (3)$$

-۱۱ مقدار حد زیر کدام است؟

$$\lim_{x \rightarrow e} (\ln x)^{\frac{1}{1-\ln x}}$$

$$\frac{1}{e} \quad (2)$$

$$e \quad (4)$$

$$-1 \quad (1)$$

$$1 \quad (3)$$

-۱۲

کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست می‌باشد؟

- (۱) اگر $a_n < b_n$ دو دنباله باشند که به ازای هر n داریم $\sum a_n$ و $\sum b_n$ همگرا باشد آنگاه $\sum a_n$ نیز همگرا است.

- (۲) اگر $|a_n|$ دنباله‌ای باشد و $\sum |a_n|$ نیز همگرا باشد آنگاه $\sum a_n$ همگرا است.

- (۳) اگر $\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_n}{b_n} \right| = k$ و $k > 0$ همگرای مطلق باشد آنگاه $\sum a_n$ نیز همگرا است.

- (۴) اگر $\sum (a_n + b_n)$ همگرا باشد آنگاه $\sum a_n$ و $\sum b_n$ همگرا و اگرا است.

-۱۳

حاصل انتگرال $\int_{-2}^{2e-3} \ln(x+3) dx$ کدام است؟

- e(2 + ln 2) + 1 (۱)
2e ln 2 + 2 (۲)
2e ln 2 + 1 (۳)
(-1 + ln 2)e + 2 (۴)

-۱۴

مقدار سری $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+3)}{2^n}$ چقدر است؟

- ۷ (۱)
۹ (۲)
۸ (۳)

-۱۵

فرض کنید $f(x) = \int_0^x e^{-tx} dt$. در این صورت شیب خط مماس بر منحنی $y = f(x)$ در $x = 1$ کدام است؟

- $\frac{1}{e}$ (۱)
 $\frac{1}{e} - 1$ (۲)
 $\frac{2}{e} - 1$ (۳)
 $\frac{2}{e}$ (۴)

-۱۶

مقدار انتگرال $I = \int_0^1 \int_x^1 e^{-y^2} dy dx$ کدام است؟

- $\frac{1}{2e}$ (۱)
 $\frac{1}{2}(1 + \frac{1}{e})$ (۲)
 $\frac{1}{2}(1 - \frac{1}{e})$ (۳)

-۱۷ کدام یک از گزینه‌های زیر معادله صفحه مماسی بر رویه $z = xy$ است که بر خط

$$\frac{x+2}{2} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{-1}$$

$$-2x + 2y + z = 4 \quad (2)$$

$$-2x - 2y - z = 4 \quad (1)$$

$$2x + 2y - z = 4 \quad (4)$$

$$2x - 2y + z = 4 \quad (3)$$

-۱۸ فرض کنید $\frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y}$ کدام در این صورت مقدار $z = y\phi(x^2 - y^2)$ است؟

$$\frac{z}{y} \quad (2) \quad \frac{z}{y^2} \quad (1)$$

$$\frac{-yz}{x} \quad (4) \quad \frac{xz}{y} \quad (3)$$

-۱۹ حجم ناحیه محصور بـه منحنی $z = 0$ و $x = y^2$, $y = x^2$, $z + x^2 + y^2 = 2$ برابر است با:

$$\frac{41}{105} \quad (2) \quad \frac{49}{105} \quad (1)$$

$$\frac{53}{105} \quad (4) \quad \frac{52}{105} \quad (3)$$

-۲۰ اگر $f(x, y, z) = x^2 + 2x(y+z)$ ماکزیمم تابع بر روی فصل مشترک دو رویه

$$x^2 + 2y^2 - z^2 = 4 \quad \text{و} \quad x + 2y + 2z = 1$$

$$-1 + \sqrt{10} \quad (2) \quad -1 - \sqrt{10} \quad (1)$$

$$1 + \sqrt{10} \quad (4) \quad 1 - \sqrt{10} \quad (3)$$

-۲۱ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $(xy^2 - y^2 - x^2 e^x)dx + 3y^2 xdy = 0$ کدام است؟

$$y^2 = \frac{x}{2} e^x + cxe^{-x} \quad (2) \quad xy^2 = \frac{1}{2} e^x + ce^{-x} \quad (1)$$

$$y^2 = \frac{1}{2} e^x + ce^{-x} \quad (4) \quad y^2 = xe^x + cxe^{-x} \quad (3)$$

-۲۲ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $(x+2)^2 \frac{dy}{dx} - (x+2) \frac{dy}{dx} + y = 4$ است؟

$$y = c_1(x+2) + c_2(x+2)^2 + 4 \quad (1)$$

$$y = c_1(x+2) + c_2(x+2) \ln(x+2) \quad (2)$$

$$y = c_1(x+2)^2 + c_2(x+2)^2 \ln(x+2) + 4 \quad (3)$$

$$y = c_1(x+2) + c_2(x+2) \ln(x+2) + 4 \quad (4)$$

-۲۳ جواب عمومی معادله دیفرانسیل

$$x \frac{d^2y}{dx^2} - (2x+1) \frac{dy}{dx} + (x+1)y = (x^2 + x - 1)e^{rx}$$

$$y = c_1 xe^{rx} + c_2 e^{rx} + x e^{rx} \quad (1)$$

$$y = c_1 x^r e^x + c_2 e^x + x^r e^x \quad (2)$$

$$y'(t) + ry(t) + \int_0^t y(x) dx = 0, \quad y(0) = 1 \quad -24$$

کدام است؟

$$e^{-t}(2+t) \quad (1)$$

$$e^t(2+t) \quad (2)$$

$$e^{-t}(1-t) \quad (3)$$

$$e^t(1-t) \quad (4)$$

$$\begin{cases} y''_1 = 16y_2, y''_2 = 16y_1 \\ y_1(0) = 2, y'_1(0) = 12, y_2(0) = 6, y'_2(0) = 4 \end{cases} \quad -25$$

در مسئله مقدار اولیه

مقدار $y_1(t)$ کذا است؟

$$\frac{3}{2} \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) + \frac{1}{2} \cos(4t) + \sin(4t) \quad (1)$$

$$\frac{5}{2} \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - \frac{1}{2} \cos(4t) + \sin(4t) \quad (2)$$

$$4 \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - 2 \cos(4t) + \sin(4t) \quad (3)$$

$$6 \cosh(4t) + 2 \sinh(4t) - 4 \cos(4t) + \sin(4t) \quad (4)$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x + 3y - 1}{2y - 3x + 4} \quad -26$$

$$\frac{1}{2} y^2 - 3x^2 y + y - x^2 + 4y = c \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} x^2 + 3xy - x - y^2 - 4y = c \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} x^2 - 3xy + x - y^2 - 4y = c \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} y^2 + 3xy - y - x^2 - 4x = c \quad (4)$$

-27 جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y^2 dx - (x^2 - xy) dy = 0$ کدام است؟

$$x\left(\frac{2}{3}y^{-3} + c\right) = 1 \quad (1) \qquad xy\left(\frac{2}{3}y^{-3} + c\right) = 1 \quad (1)$$

$$x^2 y^2 \left(\frac{2}{3}y^{-3} + c\right) = 1 \quad (2) \qquad y\left(\frac{2}{3}y^{-3} + c\right) = 1 \quad (3)$$

-۲۸ جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y'' - y' - 2y = \cosh 2t$ کدام است؟

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{\zeta} t e^{2t} + \frac{1}{\lambda} e^{-2t} \quad (1)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{\zeta} t e^{2t} + \frac{1}{\lambda} e^{-2t} \quad (2)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{\zeta} \cosh 2t + \frac{1}{\lambda} \sinh 2t \quad (3)$$

$$y(t) = c_1 e^{-t} + c_2 e^{2t} + \frac{1}{\zeta} \cosh 2t + \frac{1}{\lambda} \sinh 2t \quad (4)$$

-۲۹ جواب کلی (y(x) معادله $y'' - 3y' + 2y = 5e^x$ کدام گزینه است؟

$$c_1 e^{2x} + c_2 e^x - 5x^2 e^x \quad (2) \qquad c_1 e^{2x} + c_2 e^x - xe^x \quad (1)$$

$$c_1 e^{2x} + c_2 e^x - e^x \quad (4) \qquad c_1 e^{2x} + c_2 e^x - 5xe^x \quad (3)$$

-۳۰ تبدیل لاپلاس معکوس $\ln(1 + \frac{\omega^2}{s^2})$ برابر است با:

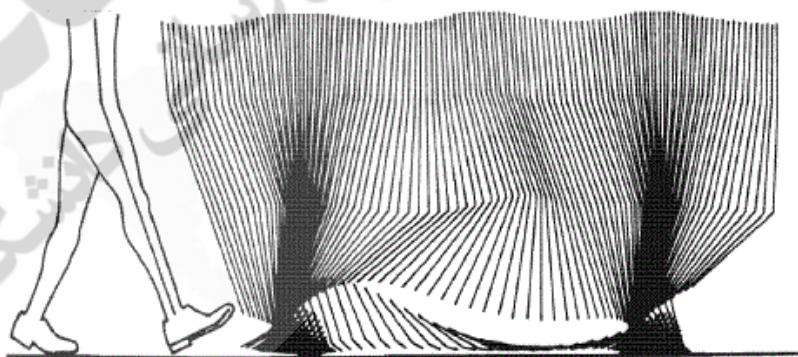
$$\frac{2}{t}(1 - \sin \omega t) \quad (2)$$

$$2t(1 - \sin \omega t) \quad (4)$$

$$\frac{2}{t}(1 - \cos \omega t) \quad (1)$$

$$2t(1 - \cos \omega t) \quad (3)$$

-۳۱ با توجه به نمودار داده شده سرعت در کدام حالت بیشتر است؟



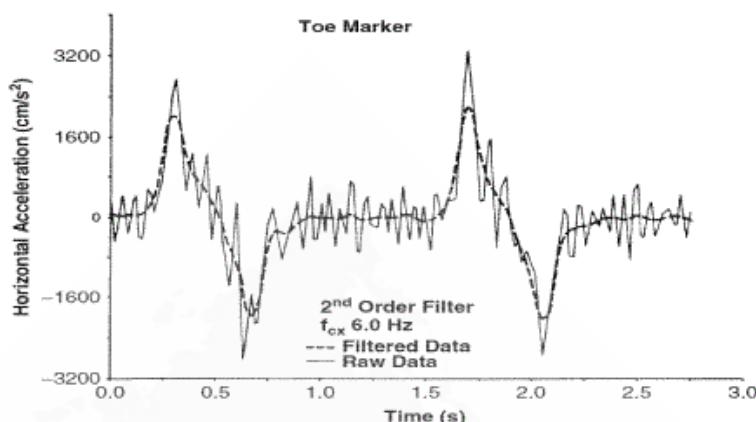
۱) مفصل زانو در لحظه Toe Off

۲) مفصل مچ پا در لحظه Toe Off

۳) مفصل زانو در لحظه Mid Swing

۴) مفصل مچ پا در لحظه Mid Swing

-۳۲- در شکل زیر فیلتر به طور عمدۀ اثر کدام عامل را خنثی می‌کند؟



- ۱) مشتق‌گیری ازتابع گسسته
۲) لرزش‌های غیرارادی مفاصل
۳) کم بودن فرکانس نمونه‌گیری
۴) زیاد بودن فرکانس نمونه‌گیری

-۳۳- موقعیت قدامی - خلفی مفصل زانو در سه فریم متوالی 131° , 125° و 130° میلی‌متر است. اگر فرکانس نمونه‌برداری 200 هرتز باشد، سرعت مفصل با استفاده از رابطه مشتق‌گیری مرکزی چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) $0/6$
(۲) $1/1$
(۳) $1/2$
(۴) $1/3$

-۳۴- در یک آزمایش EMG با فرکانس 2000 هرتز تحلیل شده است. اگر فاکتور تصحیح (Correction factor) 400 (Cutoff) یک فرض شود، ضریب فیلتر WC (for number of passes required) چه (Coefficients for a Butterworth or a critically damped filter) مقدار است؟

$$\frac{\pi}{6} \quad (2) \quad \frac{1}{5} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{2} \quad (4) \quad \frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

-۳۵- کدام عامل تأثیر بیشتری در افزایش نیروی وارد بر مفصل زانو در حین راه رفتن طبیعی دارد؟

- ۱) قرارگرفتن مفصل در حداکثر زاویه فلکشن
۲) قرارگرفتن مفصل در حداکثر زاویه اکستنشن
۳) هم انقباضی عضلات باز و بسته کننده زانو
۴) افزایش سرعت مرکز ثقل در راستای وزن بدن

-۳۶- در میانه فاز ایستایش (Stance)، نیروی عکس العمل زمین کمتر از وزن بدن است. کدام عامل در این کاهش نقش بیشتری دارد؟

- ۱) اجتناب از پاپایداری در راستای وزن
- ۲) تغییر اینرسی خطی در راستای وزن
- ۳) جلوگیری از ضربه قائم وارد بر بدن
- ۴) ایجاد توازن بین نیروی عکس العمل زمین و وزن

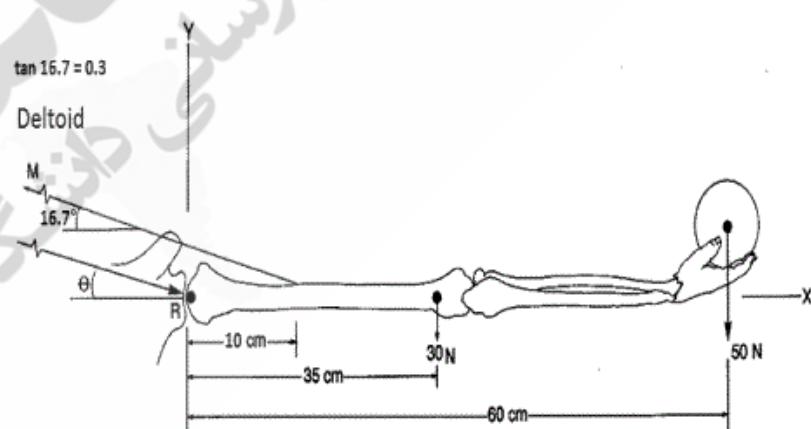
-۳۷- کدام روش برآورده دقیق‌تری از تبادلات انرژی مکانیکی در سیستم اسکلتی عضلانی مفصل زانو در هنگام راه رفتن است؟

- ۱) روش تحلیل مفصلی ($\int M_j \omega_j dt$)
- ۲) روش تحلیل عضلانی ($\int F_m V_m dt$)
- ۳) روش تحلیل تبادل انرژی جنبشی و پتانسیل ($\Delta PE, \Delta KE$)
- ۴) روش تحلیل مجموع انرژی اعضاء (\sum Segment energies)

-۳۸- گشتاور مفصلی در هنگام راه رفتن در کدام حالت دارای مقدار حداکثر بزرگ‌تری است؟

- ۱) گشتاور چرخشی مفصل ران در صفحه ترانسسورس
- ۲) گشتاور چرخشی مفصل زانو در صفحه ترانسسورس
- ۳) گشتاور اکستنسوری مفصل ران در صفحه ساجیتال
- ۴) گشتاور اکستنسوری مفصل زانو در صفحه ساجیتال

-۳۹- در شکل زیر نیروی عضله دلتوئید چند نیوتون است؟



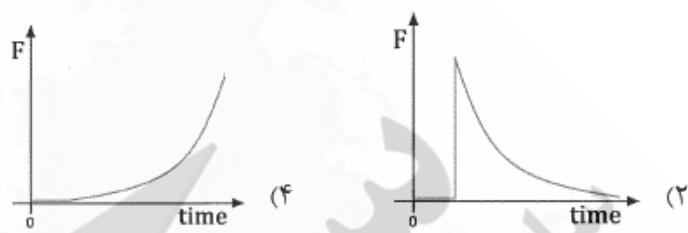
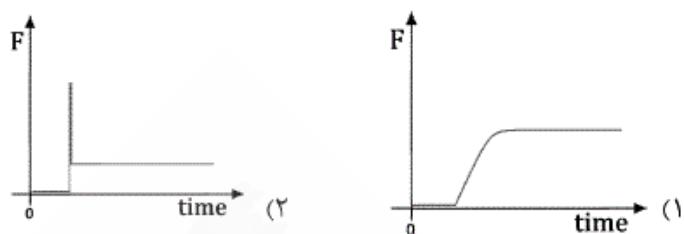
۳۳۳ (۱)

۱۰۰۰ (۲)

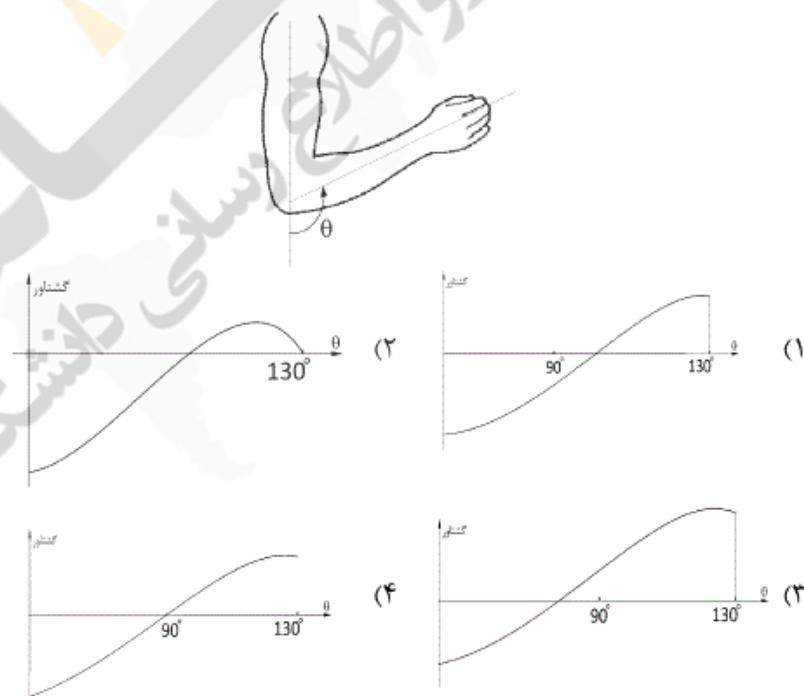
۱۳۵۰ (۳)

۱۴۰۰ (۴)

-۴۰ اگر ورودی مدل بافت، جابجایی پلهای باشد، خروجی نیرو برای مدل ماکسول کدام است؟



-۴۱ از مفصل آرنج تست CPM یا (Continuous Passive Motion) در سرعت ۴۵ درجه بر ثانیه گرفتیم، حرکت از 0° تا 130° درجه در صفحه Saggital انجام شد. منحنی گشتاور بدست آمده به کدام گزینه شبیه می‌باشد؟



-۴۲ در یک عضله پر شکل، زاویه پرهای با راستای طولی دو انتهای تاندونی $36/87$ درجه، جرم فیبرهای عضلانی 10 گرم و طول فیبرهای عضلانی 5 سانتیمتر می‌باشد. سطح مقطع فیزیولوژیک عضله چند سانتی‌متر مربع است؟ (دانسیته عضله یک گرم بر سانتی‌متر مکعب فرض شود).

(۱) ۸/۶۶

(۲) ۱۷/۳۲

(۳) ۱۶

- ۴۳ - برای ثبت واضح‌ترین سیگنال EMG مکان الکترود گذاری بر روی کدام نقاط عضله است؟

- (۱) بالک عضله و انتهای دیستال
 (۲) دو سوی بالک عضله
 (۳) بالک عضله و انتهای پروکسیمال عضله
 (۴) انتهای دیستال و پروکسیمال عضله

- ۴۴ - شخصی به قد 180° سانتی‌متر بر روی سطح افقی کاملاً صاف ایستاده است. در لحظه‌ای که در راستای قدمای - خلفی مرکز فشار 2 سانتی‌متر جلوتر از مرکز ثقل قرار گرفته است، مولفه قدمای - خلفی شتاب مرکز ثقل چند متر بر مجدور ثانیه است؟ شاعع چرخش بدن حول کف پا یک متر فرض شود. مرکز ثقل بدن در وسط قد فرض شود.

- (۱) $9/81$
 (۲) 2
 (۳) $0/18$
 (۴) $0/518$

- ۴۵ - نمودار نیرو - سرعت عضله اسکلتی کدام است؟

