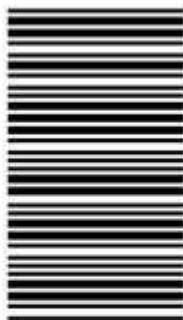


کد کنترل



707A

707

A

صبح جمعه  
۹۷/۱۲/۳

دفترچه شماره (۱)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»  
امام خمینی (ره)

## آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمتر کز) – سال ۱۳۹۸

## رشته مهندسی مکانیک – تبدیل انرژی – کد (۲۳۲۴)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی؛ ریاضیات مهندسی – مکانیک سیالات پیشرفته – ترمودینامیک پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...)، پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص خارج و خلوص نهاده معتبر این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برای مقررات رفتار معین شود.

۱۳۹۸



۱۳۹۸



\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

-۱ اگر  $u(x,t)$  جواب مسئله موج

$$\begin{cases} u_{tt} - 4u_{xx} = 0, \quad 0 < x < 2, t > 0 \\ u(x,0) = 2x + 1 \\ u_t(x,0) = x \quad , \quad 0 \leq x \leq 2 \\ u(0,t) = u(2,t) = 0 \quad , \quad t \geq 0 \end{cases}$$

باشد، مقدار تقریبی  $u(0,1/3)$  کدام است؟

- (۱) ۱/۲۴  
 (۲) ۱/۷۹  
 (۳) ۱/۹۶  
 (۴) ۲/۱۵

-۲ فرض کنید  $z = x + iy$  باشد. مقدار ماکزیمم  $|\sin z|$  در دامنه مربعی شکل  $\{(x,y), 0 \leq x, y \leq 2\pi\}$  کدام است؟

- (۱) ۱  
 (۲)  $e^{2\pi}$   
 (۳)  $\sinh 2\pi$   
 (۴)  $\cosh 2\pi$

-۳ جواب مسئله پواسن روبه‌رو کدام است؟

$$\begin{cases} \frac{\partial^r \omega}{\partial r^r} + \frac{1}{r} \frac{\partial \omega}{\partial r} + \frac{1}{r^r} \frac{\partial^r \omega}{\partial \theta^r} = \frac{\sin \theta}{r^r}, & 0 < r < ۱, \quad 0 < \theta < ۲\pi \\ \omega(r, 0) = ۰ \\ \omega(1, \theta) = \sin \theta \end{cases}$$

$$\omega(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n \sin n\theta \quad (۱)$$

$$\omega(r, \theta) = \frac{1}{r} r \sin \theta + \frac{1}{r^r} r^r \sin \theta \quad (۲)$$

$$\omega(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} (r^n + r^{-n}) \sin n\theta \quad (۳)$$

$$\omega(r, \theta) = \left( \frac{1}{r} r - 1 \right) \sin \theta + \frac{1}{r^r} r^r \sin \theta \quad (۴)$$

-۴ انتگرال فوریه تابع  $f(x) = \begin{cases} |\sin x|, & |x| \leq \pi \\ ۰, & |x| > \pi \end{cases}$  کدام است؟

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^r} \cos(\omega x) d\omega \quad (۱)$$

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^r} \omega \cos(\omega x) d\omega \quad (۲)$$

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^r} \cos(\omega x) d\omega \quad (۳)$$

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^r} \omega \cos(\omega x) d\omega \quad (۴)$$

-۵ اگر  $C$  مرز نیم‌دایره فوقانی  $|z| = r$  در جهت مثبت و باشد،  $\lim_{r \rightarrow \infty} I(r) = \int_C \frac{e^{iz}}{z} dz$  کدام است؟

۰ (۱)

۱ (۲)

$\pi$  (۳)

$\infty$  (۴)

-۶ مسئله گرمای زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{cases} u_t(x,t) - 4u_{xx}(x,t) = 3u(x,t), & x > 0, t > 0 \\ u(x,0) = -e^{-x}, & x > 0 \\ u(0,t) = 0, & t \geq 0 \end{cases}$$

اگر  $v(x,s)$  تبدیل لاپلاس ( $u(x,t)$ ) باشد، آنگاه  $v(x,s)$  در کدام معادله صدق می‌کند؟

$$4v''(x,s) + (3-s)v(x,s) = e^{-x} \quad (1)$$

$$v''(x,s) + (4s-3)v(x,s) = e^{-x} \quad (2)$$

$$4v''(x,s) + (s-3)v(x,s) = se^{-x} \quad (3)$$

$$v''(x,s) + (3-4s)v(x,s) = se^{-x} \quad (4)$$

-۷ معادله دیفرانسیل جزئی ناهمگن زیر با تغییر متغیر  $u(x,t) = v(x,t) + r(x)$  به یک معادله همگن با شرایط مرزی همگن تبدیل می‌شود.  $v(x,0)$  کدام است؟

$$\begin{cases} u_{xx} = u_t + x - 1, & 0 < x < 2, \quad t > 0 \\ u(0,t) = 3, & u(2,t) = -1, \quad t > 0 \\ u(x,0) = 1 - x^2, & 0 < x < 2 \end{cases}$$

$$-\frac{7}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{3}x - 2 \quad (1)$$

$$-\frac{7}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{3}x - 2 \quad (2)$$

$$-\frac{7}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{3}x + 2 \quad (3)$$

$$-\frac{7}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{3}x + 2 \quad (4)$$

-۸ اگر  $v(x,y)$  مزدوج همساز تابع  $u(x,y) = (x^2 - y^2 + 1)^2 - 4x^2y^2$  باشد، مقدار  $v(1,1)$  کدام است؟

$$1 \quad (1)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$4 \quad (3)$$

$$-4 \quad (4)$$

تابع  $F_s\{f(x)\} = \int_0^\infty f(x) \sin \omega x dx$  اگر  $-۹$   
 تبدیل فوریه سینوسی تابع  $f(x)$  باشد، تبدیل فوریه سینوسی تابع

$$f(x) = \frac{x}{x^2 + 4}$$

$$\frac{\pi}{2} e^{-\omega x} \quad (۱)$$

$$\frac{\pi}{2} e^{\omega x} \quad (۲)$$

$$\pi e^{-\omega x} \quad (۳)$$

$$e^{\omega x} \quad (۴)$$

سری نیم‌دامنه سینوسی تابع  $f(x) = x(\pi - x)$  در فاصله  $0 < x < \pi$  کدام است؟  $-۱۰$

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-1)^m}{(2m+1)\pi} \sin((2m+1)x) \quad (۱)$$

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-1)^m}{(2m+1)\pi} \sin((2m+1)x) \quad (۲)$$

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{(-1)^m}{m\pi} \sin mx \quad (۳)$$

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{(-1)^m}{m\pi} \sin mx \quad (۴)$$

تبدیل فوریه  $F(\omega, t) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, t) e^{-i\omega x} dx$  اگر  $-۱۱$   
 تبدیل فوریه  $f(x)$  باشد، تبدیل فوریه جواب مسئله زیر کدام است؟

$$\begin{cases} u_t - a^2 u_{xx} = f(x, t), & t > 0, x \in \mathbb{R} \\ u(x, 0) = 0, & x \in \mathbb{R} \end{cases}$$

$$\int_0^t F(\omega, \tau) e^{a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (۱)$$

$$\int_0^t F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (۲)$$

$$\int_0^{\infty} F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (۳)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (۴)$$

- ۱۲- فرض کنید تابع تحلیلی  $f: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$  برای هر  $z \in \mathbb{C}$  در نامساوی  $|f(z) - 2z^2 - iz| \leq \sqrt{2}$  صدق کند. در

$$\text{این صورت مقدار } \oint_{|z|=1} f\left(\frac{1}{z}\right) dz \text{ کدام است؟}$$

$2\pi i$  (۱)

$-2\pi i$  (۲)

$2\pi$  (۳)

$-2\pi$  (۴)

- ۱۳- تصویر خط راست  $w = u + iv = \frac{1}{z}$  تحت نگاشت  $2x + 3y = 5$ . کدام است؟

$$(u - \frac{1}{5})^2 + (v + \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (1)$$

$$(u - \frac{1}{5})^2 + (v - \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (2)$$

$$(u + \frac{1}{5})^2 + (v - \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (3)$$

$$(u + \frac{1}{5})^2 + (v + \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (4)$$

- ۱۴- فرم کلی جواب مسئله موج زیر کدام است؟

$$\begin{cases} u_{tt}(x,y,t) - 4\nabla^2 u(x,y,t) = \begin{cases} te^{-|x+y|} & 0 < x < 1 \\ 0 & x > 1 \end{cases}, & y \in \mathbb{R}, t > 0 \\ u(x,y,0) = \begin{cases} x+y & 0 < x < 1, -2 < y < 2 \\ 0 & \text{سایر جاهای} \end{cases} \\ u_t(x,y,0) = 0, & x > 0, y \in \mathbb{R} \\ u(0,y,t) = 0, & y \in \mathbb{R} \end{cases}$$

$$u(x,y,t) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_0^1 (A_{\omega} \cos \varphi \omega t + B_{\omega} \sin \varphi \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i \omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (1)$$

$$u(x,y,t) = \int_{-\pi}^{\pi} \int_0^1 (A_{\omega} \cos \varphi \omega t + B_{\omega} \sin \varphi \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i \omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (2)$$

$$u(x,y,t) = \int_0^{\infty} \int_0^{\infty} (A_{\omega} \cos \varphi \omega t + B_{\omega} \sin \varphi \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i \omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (3)$$

$$u(x,y,t) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_0^{\infty} (A_{\omega} \cos \varphi \omega t + B_{\omega} \sin \varphi \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i \omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (4)$$

- ۱۵- اگر  $y(x)$  جواب معادله دیفرانسیل با شرط  $y'' - 4y' + 3y = \begin{cases} 1 & |x| < 1 \\ 0 & |x| > 1 \end{cases}$  باشد، تبدیل فوریه  $\hat{y}(x)$  کدام است؟

$$(F\{y(x)\} = \int_{-\infty}^{\infty} y(x)e^{-ix\omega} dx)$$

$$\frac{\sin 2\omega}{\omega^2 + 4i\omega - 3} \quad (1)$$

$$\frac{\sin \omega}{\omega^2 + 4i\omega - 3} \quad (2)$$

$$\frac{-2\sin \omega}{\omega(\omega^2 + 4i\omega - 3)} \quad (3)$$

$$\frac{2\sin \omega}{\omega(\omega^2 + 4i\omega - 3)} \quad (4)$$

- ۱۶- لایه مرزی روی صفحه تخت را در جریان لایه‌ای (laminar) در نظر بگیرید. با فرض توزیع سرعت خطی درون لایه مرزی، ضخامت مومنتوم کدام است؟ ( $\delta$  ضخامت لایه مرزی است).

$$\frac{\delta}{6} \quad (1)$$

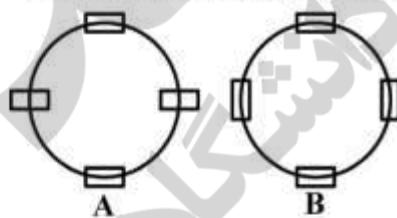
$$\frac{\delta}{4} \quad (2)$$

$$\frac{\delta}{3} \quad (3)$$

$$\frac{5\delta}{3} \quad (4)$$

- ۱۷- در جریان لایه‌ای در ناحیه در حال توسعه در لوله، افت فشار در واحد طول نسبت به ناحیه کاملاً توسعه یافته، چگونه است؟
- (۱) کمتر است. (۲) مساوی است. (۳) بیشتر است. (۴) قابل مقایسه نیست.

- ۱۸- در شکل‌های زیر، جریان روی مسیر دایره‌ای انجام می‌گیرد. با توجه به نمایانگرهاي جریان، چه می‌توان گفت؟



(۱) جریان A چرخشی و جریان B نیز چرخشی است.

(۲) جریان A غیرچرخشی و جریان B نیز غیرچرخشی است.

(۳) جریان A چرخشی و جریان B غیرچرخشی است.

(۴) جریان A غیرچرخشی و جریان B چرخشی است.

- ۱۹- سیال لزج به‌طور آرام و توسعه یافته در یک لوله جریان دارد. با توجه به‌اینکه در مرکز لوله تنش برشی وارد بر سیال برابر صفر است، تصمیم گرفته‌ایم که از معادله برنولی کلاسیک برای محاسبه افت فشار در مرکز لوله استفاده کنیم. با این‌کار افت فشار برابر با صفر می‌شود که با مشاهدات تجربی همانگی ندارد. کدام‌یک از شرط‌های

معادله برنولی نقض شده است؟

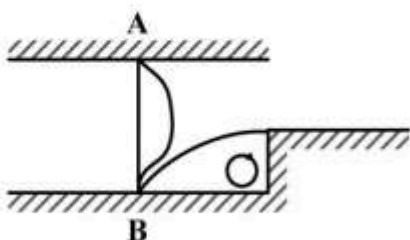
(۱) عدم انتقال حرارت با محیط

(۲) غیرچرخشی بودن جریان

(۴) عدم انتقال کار با محیط

(۳) غیرلزج بودن سیال

-۲۰- در جریان درون مجرای شکل زیر، گزینه درست کدام است؟



$$(1) \text{ در نزدیکی } A, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} < 0, \text{ و نزدیکی } B, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} > 0$$

$$(2) \text{ در نزدیکی } A, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} > 0, \text{ و نزدیکی } B, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} < 0$$

$$(3) \text{ در نزدیکی } A, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} < 0, \text{ و نزدیکی } B, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} < 0$$

$$(4) \text{ در نزدیکی } A, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} > 0, \text{ و نزدیکی } B, \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial y} > 0$$

-۲۱- در مورد جریان خزشی (creeping flow) اطراف کره، کدام گزینه نادرست است؟

(۱) ضخامت لایه مرزی بسیار زیاد است.

(۲) توزیع سرعت دو طرف کره (پشت و جلو) متقارن است.

(۳) شرط مرزی عدم لغزش برای سرعتها، روی کره برقرار است.

(۴) پسای فشاری دو طرف کره (پشت و جلو) متقارن است.

-۲۲- در جریان لایه مرزی روی صفحه تخت، پروفیل سرعت جریان آزاد،  $U = \frac{a}{1+bx}$  و  $a > 0$  و  $b > 0$  و  $x$  فاصله از نقطه سکون را نشان می‌دهد. کدام مورد درست است؟

(۱) گرادیان فشار مطلوب بوده و جدایی جریان روی می‌دهد.

(۲) گرادیان فشار مطلوب بوده و جدایی جریان روی نمی‌دهد.

(۳) گرادیان فشار معکوس بوده و جدایی جریان روی می‌دهد.

(۴) گرادیان فشار معکوس بوده و جدایی جریان روی نمی‌دهد.

-۲۳- مسئله دوم استوکس را در نظر بگیرید که صفحه‌ای در مجاورت سیال بی‌نهایت ناگهان بهصورت نوسانی به حرکت

در می‌آید. اگر معادله حرکت بهصورت  $\frac{\partial u}{\partial t} = v \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$  باشد، ضخامت لایه مرزی متناسب با کدام گزینه است؟

(۱) لجه سینماتیکی سیال و  $v$  فرکانس نوسان صفحه است.)

$$\sqrt{\frac{v}{\omega}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{y} \frac{v}{\omega} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{vx}{\omega}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{vy}{\omega}} \quad (4)$$

- ۲۴- امواج دریا هر ۱۰ ثانیه یکبار به یک اسکله برخورد می‌کند. برای برآورده نیروی وارد بر این اسکله مدل کوچکی از آن با مقیاس  $\frac{1}{25}$  ساخته شده و در یک کanal آب (تحت شرایط تشابه دینامیکی) تست می‌شود. در مورد اسکله مدل، فرکانس امواج مورد نیاز در عملیات آزمایشگاهی چقدر است؟

- ۱)  $\frac{1}{4}$
- ۲)  $\frac{1}{2}$
- ۳)  $\frac{2}{3}$
- ۴)  $\frac{4}{3}$

- ۲۵- میدان سرعت دو بعدی زیر داده شده است:

$$\begin{cases} u = x(1+2t) \\ v = y \end{cases}$$

خط مسیری که در زمان صفر از  $A(x_0, y_0) = (1, 1)$  می‌گذرد، کدام است؟

- ۱)  $x = y$
- ۲)  $x = y^{1+\ln y}$
- ۳)  $y = x^{1+\ln x}$
- ۴)  $x = y^{1-\ln y}$

- ۲۶- شیر آبی باز است و آب به سوی پایین جریان دارد. با قرار دادن جسمی در نزدیکی جریان، چه اتفاقی می‌افتد؟



(۱) جریان از جسم دور می‌شود و علت آن افزایش فشار است.

(۲) جریان از جسم دور می‌شود و علت آن کشش سطحی است.

(۳) جریان به جسم نزدیک می‌شود و علت آن کشش سطحی است.

(۴) جریان به جسم نزدیک می‌شود و علت آن کاهش فشار است.

- ۲۷- جریان ایدئال در یک کanal همگرای دو بعدی با عرض  $W$  را مطابق شکل زیر در نظر بگیرید. با فرض ثابت بودن چگالی سیال، کدام گزینه در مورد فشار متوسط وارد بر جدارهای جانبی (أربیب) درست است؟

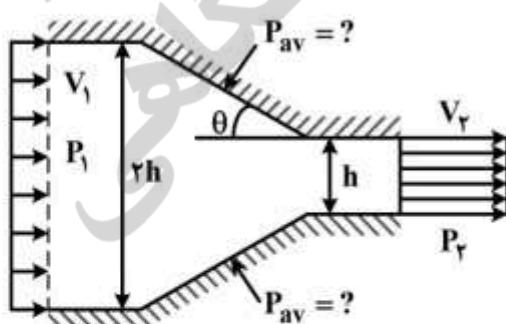
معلومات:  $(P_1, P_2, V_1, \rho)$

$$P_{av} = 2P_1 - P_2 - 2\rho V_1^2 \quad (1)$$

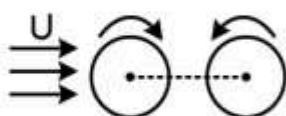
$$P_{av} = \frac{(P_1 + P_2)}{2} - 2\rho V_1^2 \quad (2)$$

$$P_{av} = P_1 - 2P_2 + \frac{1}{2}\rho V_1^2 \quad (3)$$

(۴) با این معلومات نمی‌توان نظر داد.



-۲۸- در جریان سیال از روی دو استوانه چرخان زیر، استوانه‌ها :



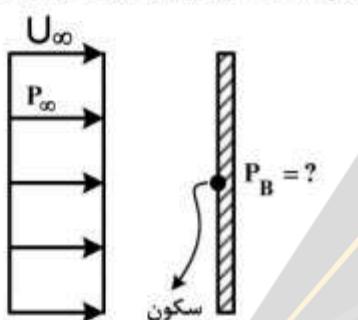
(۱) در امتداد خط‌المرکزین از هم دور می‌شوند.

(۲) در امتداد خط‌المرکزین به هم نزدیک می‌شوند.

(۳) در امتداد عمود بر خط‌المرکزین از هم دور می‌شوند.

(۴) با زاویه  $45^\circ$  نسبت به عمود بر خط‌المرکزین از هم دور می‌شوند.

-۲۹- باد با سرعت یکنواخت  $U_\infty$  و فشار یکنواخت  $P_\infty$  به یک ورق فولادی صلب به شکل مستطیل با مساحت A برخورد می‌کند. فرض کنید در تمامی سطح برخورد، فشار برابر با فشار سکون است. اگر ضریب درگ (پسا) برابر با ۲ باشد، فشار در پشت این ورق ( $P_B$ ) چقدر است؟



$$P_B = P_\infty \quad (1)$$

$$P_B = P_\infty - \rho U_\infty^2 \quad (2)$$

$$P_B = P_\infty - \frac{1}{2} \rho U_\infty^2 \quad (3)$$

$$P_B = P_\infty + \frac{1}{2} \rho U_\infty^2 \quad (4)$$

-۳۰- جریانی با سرعت  $U$  را روی استوانه چرخان به شعاع  $a$  در نظر بگیرید. در جریان واقعی چرخش استوانه توسط لزجت

ایجاد می‌شود ولی در جریان پتانسیل یک گرداب با تابع پتانسیل  $\phi = -\frac{\theta \Gamma}{2\pi}$  به صورت مصنوعی به استوانه اضافه

می‌شود. ضریب نیروی برآ بر اساس عدد اسپین ( $S = \Gamma/(4\pi a U)$ ، کدام است؟ (سیرکولاسیون است)

$$C_L = 2\pi S \quad (1)$$

$$C_L = 4\pi S \quad (2)$$

$$C_L = 6\pi S \quad (3)$$

$$C_L = 8\pi S \quad (4)$$

-۳۱- یک موتور حرارتی بین دو دمای  $T_H$  و  $T_C$  کار می‌کند. می‌خواهیم اختلاف دمای دو منبع را به اندازه  $2d$  افزایش دهیم. کدام روش مناسب‌تر است؟

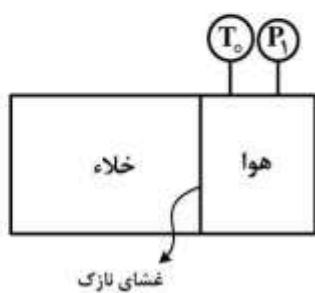
(۱) دمای منبع گرم به  $T_H + 2d$  تغییر کرده و دمای منبع سرد در  $T_C$  ثابت بماند.

(۲) دمای منبع گرم در  $T_H$  ثابت مانده و دمای منبع سرد به  $T_C - 2d$  تغییر پیدا کند.

(۳) دمای منبع گرم به  $T_H + d$  و دمای منبع سرد به  $T_C - d$  تغییر پیدا کند.

(۴) سه روش هیچ تفاوتی در ارتقای کارایی سیستم ندارند.

- ۳۲- در یک مخزن عایق به حجم کل  $V$ ، مطابق شکل زیر هوا در فشار  $P_1$  و دمای  $T_1$  قرار دارد. غشای بین دو محفظه خود به خود پاره می‌شود. انهدام انگریزی پس از انجام فرایند انبساط کدام است؟ در ابتدای فرایند حجم هوا نصف حجم خلا است. هوا را گاز ایدئال با ظرفیت گرمایی ویژه ثابت و دمای محیط را  $T_0$  فرض کنید.



$$\frac{P_1 V}{2} \ln 2 \quad (1)$$

$$\frac{P_1 V}{2} \ln 2 \quad (2)$$

$$\frac{P_1 V}{2} \ln 3 \quad (3)$$

$$\frac{P_1 V}{2} \ln 3 \quad (4)$$

- ۳۳- یک گاز ایدئال با دمای جرمی  $m$  از لوله‌ای عایق عبور می‌کند و فشار آن از  $P_1$  به اندازه  $\Delta P$  کاهش می‌یابد ( $\Delta P = P_1 - P_2$ ). اگر  $\Delta P < P_1$  باشد، با صرف نظر از تغییرات انرژی جنبشی و پتانسیل، آنتروپی تولیدی کدام است؟ (R ثابت گاز است)

$$mR \frac{\Delta P}{P_1} \quad (1)$$

$$mR \ln(1 - \frac{\Delta P}{P_1}) \quad (2)$$

$$mc_p \frac{\Delta T}{T_1} - mR \frac{\Delta P}{P_1} \quad (3)$$

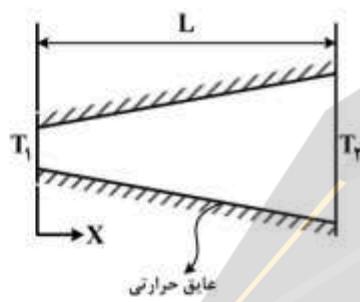
$$mc_p \ln \frac{\Delta T}{T_1} + mR \ln(1 - \frac{\Delta P}{P_1}) \quad (4)$$

۳۴- میله‌ای مطابق شکل زیر از اطراف عایق شده و دو انتهای آن در دمای‌های ثابت  $T_1$  و  $T_2$  قرار دارند ( $T_1 > T_2$ ).

دماهی میله در هر نقطه به صورت  $\frac{T}{T_1} = \exp\left(\frac{x}{L} \ln \frac{T_2}{T_1}\right)$  تعریف می‌شود که  $L$  طول میله است و مساحت مقطع

میله در هر نقطه از رابطه  $\frac{A}{A_1} = \frac{T_1}{T}$  محاسبه می‌شود. تولید آنتروپی در فرایند انتقال حرارت پایا در این میله

چقدر است؟ فرض کنید نرخ انتقال حرارت در هر مقطع از رابطه  $-KA \frac{dT}{dx}$  به دست آید.



$$\frac{KA_1}{L} \left( \frac{T_1}{T_2} - 1 \right) \quad (1)$$

$$\frac{KA_1}{L} \ln \left( \frac{T_1}{T_2} \right) \quad (2)$$

$$\frac{KA_1}{L} \ln \left( \frac{T_1}{T_2} \right) \left( 1 - \frac{T_1}{T_2} \right) \quad (3)$$

$$\frac{KA_1}{L} \ln \left( \frac{T_1}{T_2} \right) \left( \frac{T_1}{T_2} - 1 \right) \quad (4)$$

۳۵- آب مایع اشباع در یک فشار مشخص و با یک نرخ جرمی برابر با  $\dot{m}$  وارد یک مخلوطکن آدیاباتیک شده و با مقداری بخار آب اشباع که در همان فشار قرار دارد و دارای دبی مشابه نیز هست مخلوط می‌شود. نرخ تولید آنتروپی در طی این فرایند چه مقدار خواهد بود؟

$$\dot{S}_{gen} = 0 \quad (1)$$

$$\dot{S}_{gen} = \gamma \dot{m} (s_g - s_f) \quad (2)$$

$$\dot{S}_{gen} = \dot{m} \frac{(s_f + s_g)}{\gamma} \quad (3)$$

$$\dot{S}_{gen} = \dot{m} \frac{(s_g - s_f)}{\gamma} \quad (4)$$

- ۳۶- دو استخر A و B با مقدار مساوی آب پر شده و جرم آب هر استخر برابر  $m$  است. در ابتدا دمای استخر A بیشتر از دمای استخر B است. اگر اجازه دهیم دو استخر در تماس حرارتی با یکدیگر قرار گیرند و دمای تعادل دو استخر باشد، آنتروپی تولیدی ناشی از تبادل حرارت دو استخر، کدام است؟  $T_f$

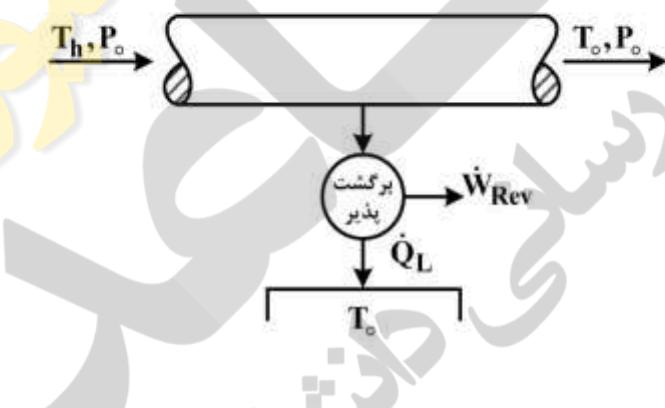
$$mc \ln \left( \frac{T_f}{T_A + T_B} \right) \quad (1)$$

$$mc \ln \sqrt{\frac{T_f}{T_A T_B}} \quad (2)$$

$$mc \ln \left( \frac{T_f}{T_A T_B} \right)^{1/2} \quad (3)$$

$$\gamma mc \ln \left( \frac{T_f}{T_A T_B} \right) \quad (4)$$

- ۳۷- جریان اگزوز خروجی از یک موتور دارای گذر چرمی  $\dot{m}$  و دمای  $T_h$  و فشار  $P_o$  است. اگر گاز اگزوز تا دمای محیط  $T_o$  و فشار محیط  $P_o$  خنک شود و حرارت گرفته شده از جریان اگزوز را به یک ماشین حرارتی برگشت پذیر بدهد، مقدار حرارت داده شده به محیط در دمای  $T_o$  چقدر است؟ گاز اگزوز را گاز ایدنال با  $c_p$  و  $R$  نابت فرض کنید.



$$\dot{Q}_L = \dot{m}c_p T_o \left[ \frac{T_h}{T_o} - 1 \right] \quad (1)$$

$$\dot{Q}_L = \dot{m}c_p T_o \ln \frac{T_h}{T_o} \quad (2)$$

$$\dot{Q}_L = \dot{m}c_p T_o \left[ \frac{T_h}{T_o} - \ln \frac{T_h}{T_o} \right] \quad (3)$$

$$\dot{Q}_L = \dot{m}c_p T_o \left[ \frac{T_h}{T_o} - \ln \frac{T_h}{T_o} - 1 \right] \quad (4)$$

- ۳۸- سیالی از معادله حالت واندروالس به صورت  $(P + \frac{a}{v})(v - b) = RT$  پیروی می‌کند. ضریب انبساط حجمی

$$\beta = \frac{1}{v} \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_P$$

$$\frac{v^r(v-b)^r}{RTv^r - r a(v-b)^r} \quad (1)$$

$$\frac{v^r(v-b)^r}{RTv^r + r a(v-b)^r} \quad (2)$$

$$\frac{Rv^r(v-b)}{RTv^r - r a(v-b)^r} \quad (3)$$

$$\frac{Rv^r(v-b)}{RTv^r + r a(v-b)^r} \quad (4)$$

- ۳۹- کدام رابطه در ماقزینم دمای وارونگی زول - تامسون، یک گاز درست است؟

$$\lim_{v \rightarrow \infty} \left[ T \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_P - v \right] = 0 \quad (1)$$

$$\lim_{v \rightarrow \infty} \left[ T \left( \frac{\partial T}{\partial v} \right)_P - v \right] = 0 \quad (2)$$

$$\lim_{P \rightarrow \infty} \left[ \frac{T \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_P - v}{c_p} \right] = 0 \quad (3)$$

$$\lim_{P \rightarrow \infty} \left[ \frac{T \left( \frac{\partial T}{\partial v} \right)_P - v}{c_p} \right] = 0 \quad (4)$$

- ۴۰ - اگر تابع هلمهولتز  $F = U - TS$  باشد، عبارت  $\left(\frac{\partial F}{\partial S}\right)_V$  کدام است؟ (۳ گرمای ویژه در حجم ثابت است)

$$\frac{-S}{Tc_v} \quad (1)$$

$$\frac{-T}{Sc_v} \quad (2)$$

$$\frac{-Tc_v}{S} \quad (3)$$

$$\frac{-ST}{c_v} \quad (4)$$

(P و T، K\_T، α، c\_P کدام است؟ (بر حسب  $\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right)$  باشد، مقدار  $\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P$  و  $K_T = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_T$ ) ۴۱

$$\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right) = \frac{T\alpha + 1}{K_T} \quad (1)$$

$$\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right) = \frac{T\alpha - 1}{K_T} \quad (2)$$

$$\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right) = \frac{T\alpha}{K_T} \quad (3)$$

$$\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right) = \frac{T\alpha}{K_T - 1} \quad (4)$$

- ۴۲ - یک سیستم بولتزمن را که دارای ۳ سطح انرژی غیردیزئنره (Non Degenerate Energy Level) با واحد ۰ و ۲ است، در نظر بگیرید. سیستم حاوی ۱۰۰۰ ذره و دارای انرژی کلی ۲۰۰ واحد است. تعداد حالت مacro (Macro State) در این سیستم کدام است؟

۱۰۰ (۱)

۱۰۱ (۲)

۱۰۰۱ (۳)

۱۰۰۰ (۴)

- ۴۳- یک گاز تک‌اتمی را که دارای دو تراز انرژی الکترونیک فعال است ( $\varepsilon_0 = \varepsilon_e = 0$ )، در نظر بگیرید. این ترازها بدون دیزئنرسی ( $g_{e_1} = g_{e_2} = 1$ ) است.تابع تقسیم (Partition function) الکترونیک کدام است؟

$$z_e = e^{\frac{\varepsilon_{e_1}}{KT}} \quad (1)$$

$$z_e = e^{\frac{\varepsilon_{e_2}}{KT}} \quad (2)$$

$$z_e = 1 + e^{\frac{\varepsilon_{e_1}}{KT}} \quad (3)$$

$$z_e = 1 + e^{\frac{\varepsilon_{e_2}}{KT}} \quad (4)$$

- ۴۴- یک گاز تک‌اتمی را که دارای دو تراز انرژی الکترونیک فعال است ( $\varepsilon_0 = \varepsilon_e = 0$ ) در نظر بگیرید. این ترازها بدون دیزئنرسی ( $g_{e_1} = g_{e_2} = 1$ ) هستند. گرمای ویژه مولی الکترونی  $\bar{C}_e / R$  ثابت جهانی گاز است)

در صورتی که  $y = \frac{\varepsilon_{e_1}}{KT}$  باشد، کدام است؟

$$\frac{\bar{C}_e}{R} = \frac{z'_e + z''_e}{z_e} - \left( \frac{z'_e}{z_e} \right)^2 \quad \text{و} \quad z''_e = T \left( \frac{dz'_e}{dT} \right) \quad \text{و} \quad z'_e = T \left( \frac{dz_e}{dT} \right) \quad \text{راهنمایی:}$$

$$\frac{\bar{C}_e}{R} = \frac{ye^{-y}}{(1+e^{-y})^2} \quad (1)$$

$$\frac{\bar{C}_e}{R} = \frac{ye^{-y}}{(1-e^{-y})^2} \quad (2)$$

$$\frac{\bar{C}_e}{R} = \frac{ye^{-y}}{(1+e^{-y})^2} \quad (3)$$

$$\frac{\bar{C}_e}{R} = \frac{ye^{-y}}{(1-e^{-y})^2} \quad (4)$$

۴۵- یک سیستم با تعداد بسیار زیاد مولکول (N) مد نظر است. هر مولکول دارای دو تراز انرژی  $\epsilon_1$  و  $\epsilon_2$  ( $\epsilon_1 > \epsilon_2$ ) و دیپنریسی یکسان است. اگر  $\epsilon_1 - \epsilon_2 = \epsilon$  و دمای سیستم T باشد،  $N_1$  و  $N_2$  تعداد ذرات بر روی تراز اول و دوم،

$$\text{از کدام رابطه به دست می‌آید؟} (\beta = \frac{1}{KT})$$

$$N_1 = \frac{N}{1 + e^{-\beta\epsilon}} \quad (1)$$

$$N_2 = \frac{Ne^{-\beta\epsilon}}{1 + e^{-\beta\epsilon}} \quad (1)$$

$$N_1 = \frac{N}{1 + e^{+\beta\epsilon}} \quad (2)$$

$$N_2 = \frac{Ne^{+\beta\epsilon}}{1 + e^{+\beta\epsilon}} \quad (2)$$

$$N_1 = \frac{N}{1 - e^{-\beta\epsilon}} \quad (3)$$

$$N_2 = \frac{Ne^{-\beta\epsilon}}{1 - e^{-\beta\epsilon}} \quad (3)$$

$$N_1 = \frac{N}{1 - e^{+\beta\epsilon}} \quad (4)$$

$$N_2 = \frac{Ne^{+\beta\epsilon}}{1 - e^{+\beta\epsilon}} \quad (4)$$





