

کد کنترل

484

A



484A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکن) - سال ۱۴۰۰

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه

۹۹/۱۲/۱۵



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.
امام خمینی (ره)

رشته مهندسی برق - الکترونیک - (کد ۲۳۰۱)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	مجموعه دروس تخصصی:	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	- ریاضیات مهندسی - مدارهای الکتریکی ۱ و ۲ - الکترونیک ۱ و ۲		۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

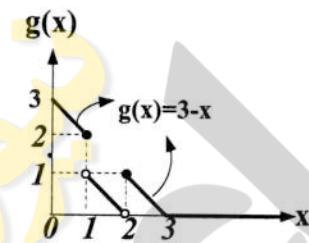
امضا:

-۱ اگر در بازه $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ تساوی $x - [x] - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos \frac{n\pi}{l} x + b_n \sin \frac{n\pi}{l} x)$ برقرار باشد، حاصل

$$\frac{1}{2}a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos \frac{n\pi}{4l} + b_n \sin \frac{n\pi}{4l})$$

$\frac{3}{2\pi}$ (۴) $\frac{2}{3\pi}$ (۳) $-\frac{2}{3\pi}$ (۲) $-\frac{3}{2\pi}$ (۱)

-۲ با توجه به معادله انتگرالی $g(x) = \int_0^\infty h(t) \cos(xt) dt$ ، مقدار $h(\pi)$ کدام است؟



- $\frac{2}{\pi^2}$ (۱)
 $\frac{2}{\pi^3}$ (۲)
 $\frac{4}{\pi^2}$ (۳)
 $\frac{4}{\pi^3}$ (۴)

-۳ اگر تبدیل فوریه تابع $f(t) = e^{-\alpha|t|}$ بمهمازی $F(\omega) = \frac{2\alpha}{\omega^2 + \alpha^2}$ باشد، حاصل انتگرال

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{dx}{(x^2 + 2x + 10)^2}$$

$\frac{\pi}{18}$ (۴) $\frac{\pi}{24}$ (۳) $\frac{\pi}{36}$ (۲) $\frac{\pi}{54}$ (۱)

-۴ مقدار β در معادله دیفرانسیل $g''(t) + (\alpha + \beta t^2)g(t) = 0$ ، چقدر باشد، تا اتحاد

$$g(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t) e^{-2ixt} dt$$

$-\pi^2$ (۴) $-4\pi^2$ (۳) $2\pi^2$ (۲) 2π (۱)

-۵ اگر $P_n(x)$ چندجمله‌ای لژاندر درجه n باشد، حاصل $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{P_n(0)}{r^n}$ کدام است؟

$$2\sqrt{5} \quad (۴)$$

$$\sqrt{5} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{\sqrt{5}} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} \quad (۱)$$

-۶ فرض کنید $J_{\frac{1}{2}}(x) = \sqrt{\frac{2}{\pi x}} \sin x$ یک عدد حقیقی ناصرف شود؟
 $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2}{x^\alpha} J_{\frac{1}{2}}(x)$ کدام باشد، تا حاصل α است. مقدار α کدام باشد، تا حاصل $J_{\frac{1}{2}}(x)$ نمایش تابع بسل است.

$$2 \quad (۴)$$

$$\frac{3}{2} \quad (۳)$$

$$1 \quad (۲)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۱)$$

-۷ اگر تابع گرین (Green) متناظر با جواب مسئله $G(x,t) = g(x,t)e^{-(x+t)}$ به صورت $\begin{cases} y'' + 2y + y = x \\ y(0) = y(1) = 0 \end{cases}$ باشد، $g(x,t)$ کدام است؟

$$\begin{cases} x & 0 \leq x \leq t \\ \frac{t(1-x)}{1-t} & t < x \leq 1 \end{cases} \quad (۱)$$

$$\begin{cases} \frac{t(1-x)}{1-t} & 0 \leq x \leq t \\ x & t < x \leq 1 \end{cases} \quad (۲)$$

$$\begin{cases} t(1-x) & 0 \leq x \leq t \\ x & t < x \leq 1 \end{cases} \quad (۳)$$

$$\begin{cases} x & 0 \leq x \leq t \\ t(1-x) & t < x \leq 1 \end{cases} \quad (۴)$$

-۸ مسئله انتقال حرارت در حالت پایدار (مانا) روی یک صفحه رسانای نیم‌دایره‌ای شکل به مرکز مبدأ مختصات و شعاع $a > 0$ به صورت $\nabla^2 u(r, \theta) = 0$. را در نظر بگیرید. اگر $u(r, 0) = u(r, \pi) = 0$ و $u(a, \theta) = T$ باشند،

مقدار دمای صفحه در نقطه $(\frac{a}{2}, \frac{\pi}{2})$ کدام است؟

$$\frac{T}{2\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{(2k+1)r^k} \quad (۲)$$

$$\frac{2T}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{(2k+1)r^k} \quad (۱)$$

$$\frac{T}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{(2k+1)r^k} \quad (۴)$$

$$\frac{T}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{(2k+1)r^k} \quad (۳)$$

-۹ جواب معادله دیفرانسیل زیر با شرایط اولیه داده شده، کدام است؟

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 w(x,t)}{\partial x \partial t} + \frac{\partial w(x,t)}{\partial x} + \sin t = 0, & x > 0, t > 0 \\ w(0,t) = 0, & t \geq 0 \\ w(x,0) = x, & x \geq 0 \end{cases}$$

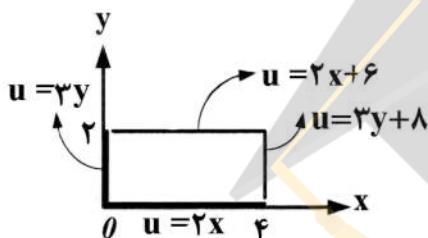
$$\frac{1}{2}(e^{-t} + \cos t + \sin t)x \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}(e^{-t} + \cos t - \sin t)x \quad (4)$$

$$\frac{1}{4}(2e^{-t} + 2\cos t - \sin t)x \quad (1)$$

$$\frac{1}{4}(2e^{-t} + 2\cos t + \sin t)x \quad (3)$$

-۱۰ مسئله پتانسیل $\nabla^2 u = 0$ را با شرایط کرانه‌ای داده شده مطابق شکل زیر، در نظر بگیرید. حاصل



$$u(1, 2/5) - u(3, 0/5), \text{ کدام است؟}$$

$$-7/5 \quad (1)$$

$$0 \quad (2)$$

$$1/5 \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

-۱۱ حاصل $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sin x dx}{x(x^2 + 1)}$ ، کدام است؟

$$\pi(1 - e^{-1}) \quad (1)$$

$$\pi(1 + e^{-1}) \quad (3)$$

-۱۲ با استفاده از اتحاد $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{r^n} (1+i)^n$ ، حاصل $\sum_{n=0}^{\infty} q^n = \frac{1}{1-q}; |q| < 1$ ، کدام است؟

$$1-i \quad (2)$$

$$i \quad (1)$$

$$i+1 \quad (4)$$

$$i-1 \quad (3)$$

-۱۳ حاصل $\frac{1}{\pi i} \oint_{|z|=r} (z+1)^{-1} \sinh \frac{1}{z-1} dz$ ، کدام است؟

$$12(4)$$

$$16(3)$$

$$18(2)$$

$$24(1)$$

-۱۴ مانده تابع $f(z) = \frac{z^{-4}}{z^2 - 2z \cosh h + 1}$ حول نقطه $z=0$ ، در دیسک $|z| < 1/\sinh h$ ، کدام است؟

$$\frac{-1}{2e^h \sinh h} \quad (2)$$

$$\frac{e^{-h} - e^h}{2 \sinh h} \quad (4)$$

$$\frac{-1}{2e^{-h} \sinh h} \quad (1)$$

$$\frac{e^{-h} - e^h}{2 \sinh h} \quad (3)$$

- ۱۵ با فرض $c \neq n\pi$, منحنی $w = u + iv = \sin^{-1} z$, تحت نگاشت $\frac{x}{\sin^2 c} - \frac{y}{\cos^2 c} = 1$ به کدام منحنی تبدیل می‌شود؟

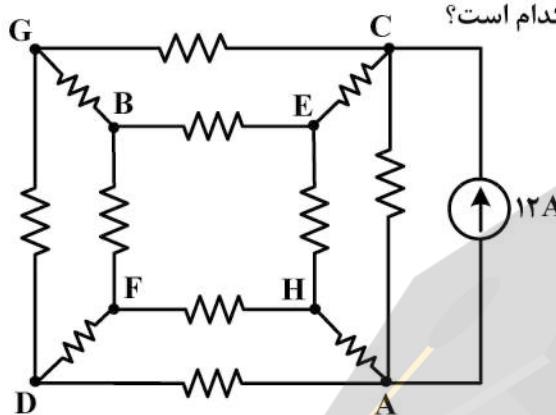
$v = c \text{ خط } (4)$

$u = c \text{ خط } (3)$

$2) \text{ هذلولی}$

۱) بیضی

- ۱۶ در مدار زیر همه مقاومت‌ها برابر 1Ω هستند، ولتاژ V_{AG} کدام است؟



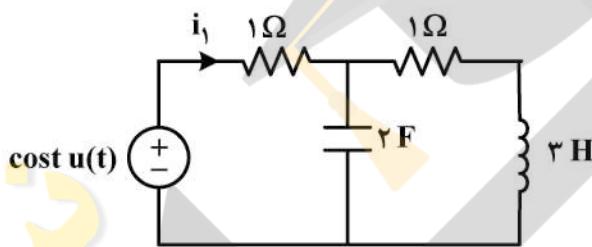
(1)

$-6^\circ (2)$

$-45^\circ (3)$

$-12^\circ (4)$

- ۱۷ در مدار زیر $i''(t)$, کدام است؟ (مدار در $t=0$ در حالت صفر است).



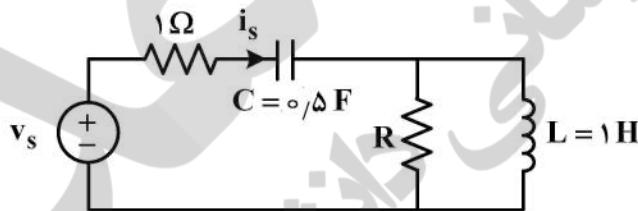
$\frac{3}{4} (1)$

$\frac{1}{4} (2)$

$-\frac{1}{4} (3)$

$-\frac{3}{4} (4)$

- ۱۸ در مدار زیر، با اعمال ولتاژ ضربه $v_s = 2\delta(t)$ ، ولتاژ خازن به اندازه یک ولت به صورت آنی افزایش پیدا می‌کند. مقاومت R ، چند اهم است؟



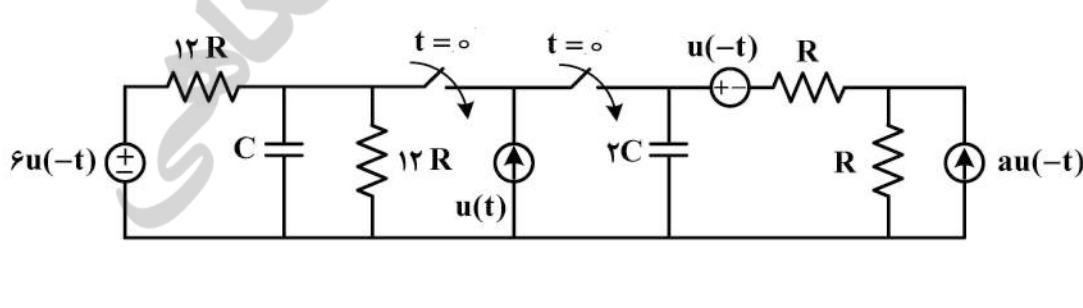
$1/5 (1)$

$2 (2)$

$3 (3)$

$4 (4)$

- ۱۹ مقدار a در مدار زیر چقدر باشد تا در $t=0$ ولتاژ دو سر خازن‌ها ثابت بماند؟ ($R_a = 2$)



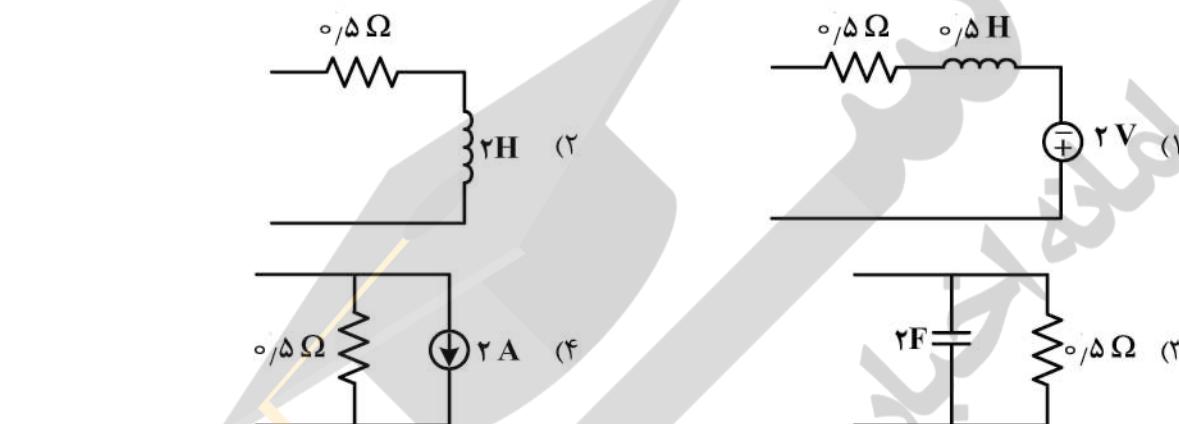
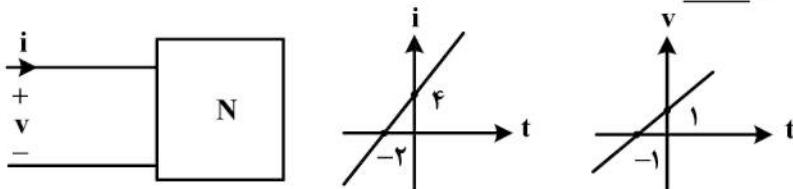
$\frac{2}{3} (1)$

$\frac{3}{4} (2)$

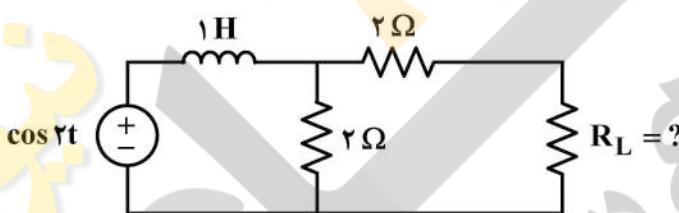
$1 (3)$

$\frac{3}{2} (4)$

- ۲۰ تغییرات ولتاژ و جریان در یک قطبی N بر حسب زمان به صورت زیر داده شده است. کدام یک از گزینه‌های زیر مدل مناسبی برای معرفی این یک قطبی نیست؟

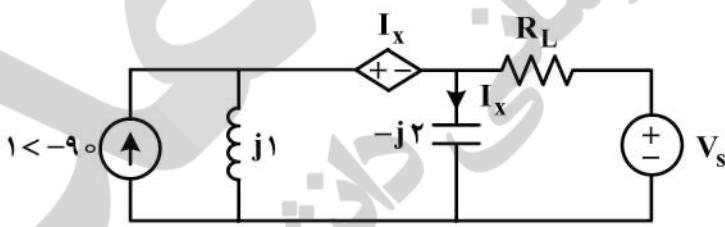


- ۲۱ در مدار زیر اندازه مقاومت R_L چند اهم باشد تا ماکزیمم توان متوسط به بار R_L انتقال یابد؟



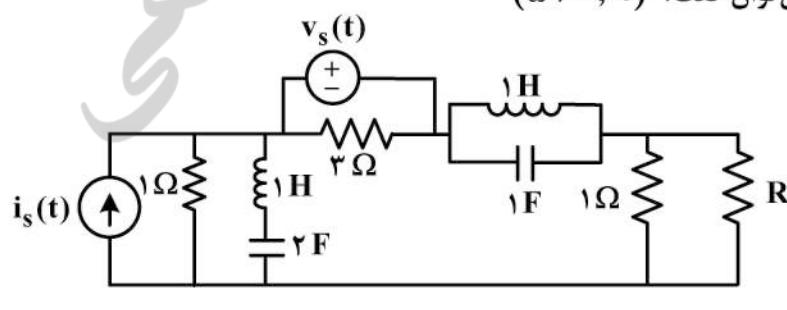
- (۱) $\sqrt{10}$
 (۲) ۳
 (۳) $3-j$
 (۴) ۲

- ۲۲ در مدار زیر فازور ولتاژ V_s چقدر باشد تا توان متوسط در R_L برابر صفر شود؟ (دو منبع مستقل سینوسی، هم فرکانس هستند).



- (۱) $V_s = j$
 (۲) $V_s = 1-j$
 (۳) $V_s = 1+2j$
 (۴) $V_s = 1+j$

- ۲۳ مدار زیر در حالت دائمی است. اگر $i_s(t) = a \cos \omega t$ و $v_s(t) = b$ نامعلوم است، آنگاه توان متوسط در مقاومت R برابر $P = 1W$ است، و اگر $i_s(t) = a \cos \omega t$ و $v_s(t) = 2b$ باشد، آنگاه توان این مقاومت به $(\omega \neq 0, \infty)$ $P = 4W$ می‌رسد. در مورد ω چه می‌توان گفت؟



- (۱) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ یا $\left(\frac{\text{rad}}{\text{s}}\right) \frac{1}{\sqrt{2}}$
 (۲) $\sqrt{2}$ یا $\left(\frac{\text{rad}}{\text{s}}\right) \frac{1}{\sqrt{2}}$
 (۳) ۲ یا $\left(\frac{\text{rad}}{\text{s}}\right) 2$
 (۴) ۱ یا $\left(\frac{\text{rad}}{\text{s}}\right) \frac{1}{2}$

- ۲۴ اگر پاسخ حالت صفر به ورودی ضربه واحد یک مدار برابر $V_0(t) = (4e^{-2t} - e^{-\circ/\Delta t})u(t)$ باشد، پاسخ حالت صفر به ورودی شیب $(r(t) = tu(t))$ این مدار کدام است؟

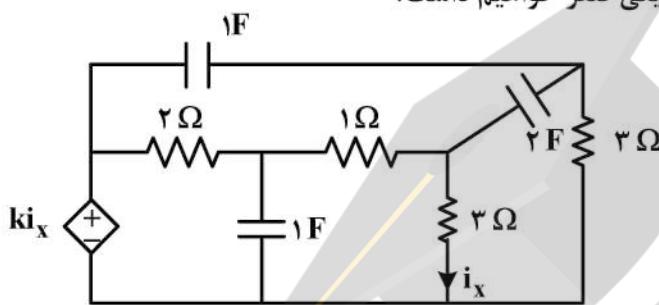
$$V_0(t) = (3 - 4e^{-2t} + e^{-\circ/\Delta t})u(t) \quad (1)$$

$$V_0(t) = (e^{-2t} - 4e^{-\circ/\Delta t})u(t-1) \quad (2)$$

$$V_0(t) = (e^{-2t} - 4e^{-\circ/\Delta t})u(t) \quad (3)$$

$$V_0(t) = (3 + e^{-2t} - 4e^{-\circ/\Delta t})u(t) \quad (4)$$

- ۲۵ در مدار زیر به ازای چه مقدار k در مدار فرکانس طبیعی صفر خواهیم داشت؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

- ۴) چون کاتست خازنی و حلقة سلفی نداریم، غیرممکن است.

- ۲۶ در مدار زیر، فرکانس‌های طبیعی کدام است؟

$$4 \pm \sqrt{3} \quad (1)$$

$$4 \pm j\sqrt{3} \quad (2)$$

$$2 \pm j2\sqrt{3} \quad (3)$$

$$2 \pm 2\sqrt{3} \quad (4)$$

- ۲۷ کدام گزینه نمی‌تواند ماتریس امپدانس مش یک مدار پسیو متشکل از C, L, R باشد (در روش مش و با در نظر گرفتن همه مشها)؟

$$Z = \begin{pmatrix} s+1 & -1 & -s \\ -1 & \frac{s^2+s+1}{s} & \frac{1}{s}-s \\ -s & -\frac{s^2+1}{s} & \frac{2s^2+1}{s} \end{pmatrix} \quad (2)$$

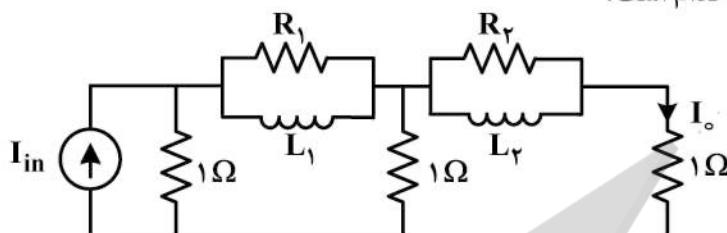
$$Z = \begin{pmatrix} \frac{s^3+2s+1}{s} & -1 & -\frac{s^2+2s}{s} \\ -\frac{1}{s} & \frac{1+s}{s} & -1 \\ -\frac{s^3+2s}{s} & -1 & \frac{s^3+3s}{s} \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$Z = \begin{pmatrix} 2s & -2s & 0 \\ -2s & 3s & -s \\ 0 & -s & s \end{pmatrix} \quad (4)$$

$$Z = \begin{pmatrix} \frac{s^2+2}{s} & -s & -\frac{2}{s} \\ -s & s+1 & -1 \\ -\frac{2}{s} & -1 & \frac{2+s}{s} \end{pmatrix} \quad (3)$$

- ۲۸- تابع شبکه بهره جریان مداری به صورت $\frac{I_o}{I_{in}} = \frac{s^2 + \frac{3}{2}s + \frac{1}{2}}{As^2 + Bs + C}$ است. با فرض آن که $R_1R_2 = 1$ باشد، آن گاه

مقدار C و همین‌طور حاصل ضرب L_1L_2 ، کدام است؟



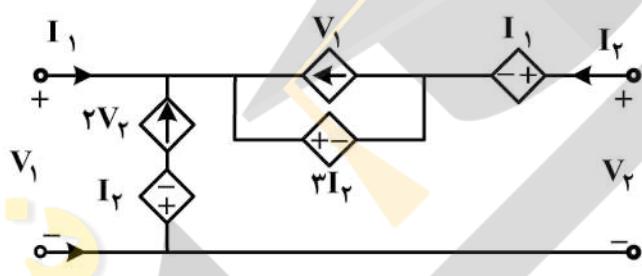
$$L_1L_2 = 1, C = \frac{3}{2} \quad (1)$$

$$L_1L_2 = \frac{1}{2}, C = \frac{3}{2} \quad (2)$$

$$L_1L_2 = 1, C = \frac{3}{2} \quad (3)$$

$$L_1L_2 = 2, C = \frac{3}{2} \quad (4)$$

- ۲۹- ماتریس پارامترهای هایبرید H دوقطبی زیر، کدام است؟ (راهنمایی: (V_1, I_1, V_2, I_2))



$$\begin{bmatrix} +4 & -5 \\ -2 & +2 \end{bmatrix} \quad (1)$$

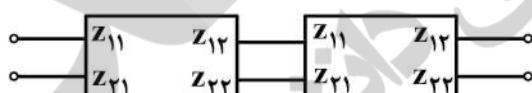
$$\begin{bmatrix} -4 & +5 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} -4 & -5 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} +4 & -5 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \quad (4)$$

- ۳۰- در مدار زیر، دو شبکه دوقطبی کاملاً مشابه (که ماتریس امپدانس Z آن معلوم است) به‌طور متوالی به یکدیگر

متصل شده‌اند، اگر ماتریس Z دوقطبی کلی باشد، Z کدام است؟



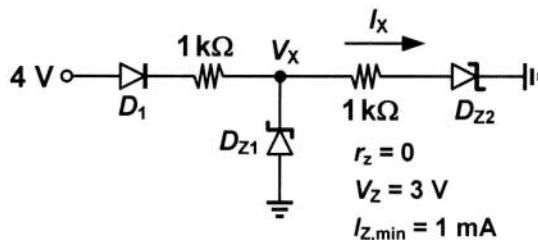
$$\frac{Z_{12}}{Z_{11} + Z_{22}} \quad (1)$$

$$\frac{Z_{11} + Z_{22}}{Z_{12}} \quad (2)$$

$$\frac{Z_{11}(Z_{11} + Z_{22}) - Z_{12}Z_{21}}{Z_{11} + Z_{22}} \quad (3)$$

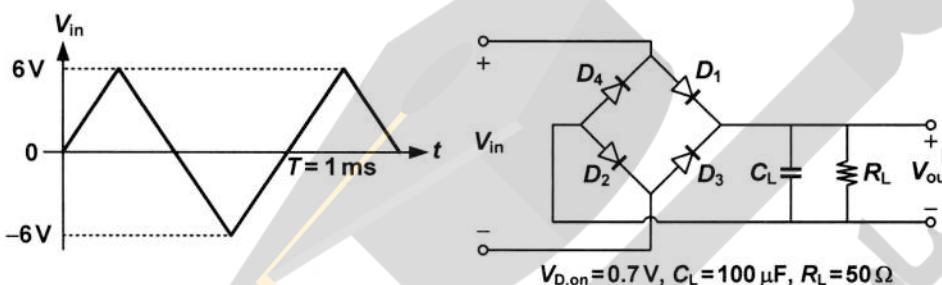
$$\frac{Z_{21}Z_{12} - Z_{11}Z_{22}}{Z_{11} + Z_{22}} \quad (4)$$

- ۳۱ در مدار زیر همه دیودها ایدئال بوده و ولتاژ شکست دیودهای زنر ۳ ولت است. مقدار جریان I_X بر حسب میلی آمپر برابر با کدام گزینه است؟



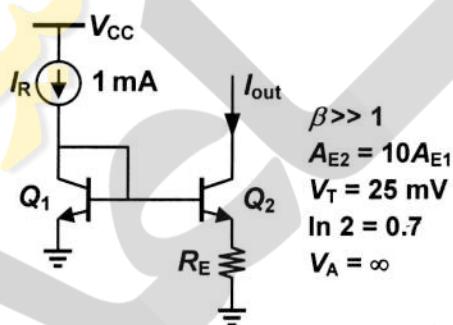
- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

- ۳۲ در مدار یکسوساز شکل زیر، ولتاژ ورودی به صورت یک شکل موج مثلثی است. مدت زمان روشن شدن هر یک از دیودها در یک سیکل ورودی بر حسب میکروثانیه به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟



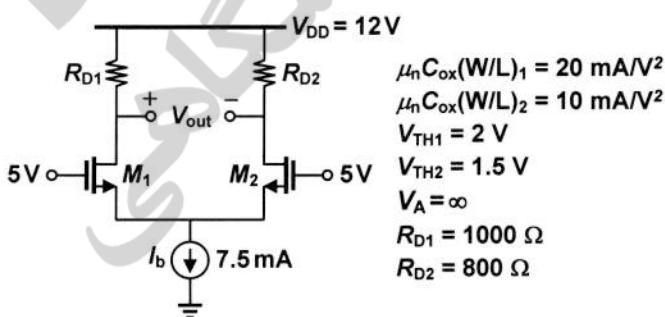
- ۳۶ (۱)
۲۴ (۲)
۱۸ (۳)
۱۲ (۴)

- ۳۳ در مدار زیر، مساحت پیوند بیس - امیتر ترانزیستور Q_2 ۵ برابر مساحت پیوند بیس - امیتر ترانزیستور Q_1 بوده و همه ترانزیستورها در ناحیه فعال بایاس شده‌اند. به ازای چه مقداری از مقاومت R_E بر حسب اهم، مقدار جریان خروجی I_{out} تقریباً برابر با ۵ میلی آمپر خواهد بود؟



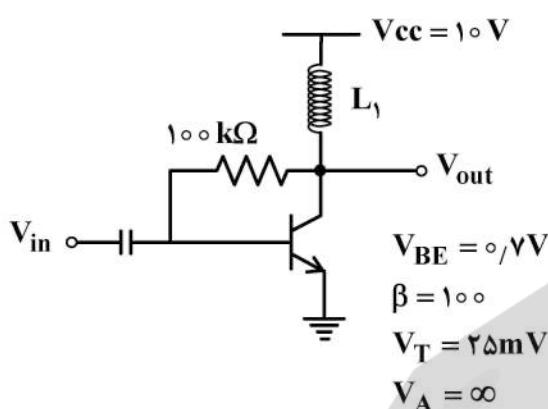
- ۱/۴ (۱)
۲/۱ (۲)
۲/۸ (۳)
۳/۵ (۴)

- ۳۴ در مدار زیر، همه ترانزیستورها در ناحیه اشباع بایاس شده‌اند. مقدار ولتاژ خروجی V_{out} بر حسب ولت برابر با کدام گزینه است؟



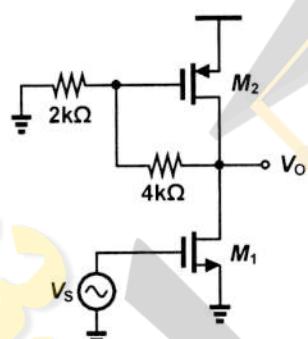
- ۱/۵ (۱)
۲ (۲)
۲/۵ (۳)
۳ (۴)

- ۳۵ - در مدار زیر، مقدار سلف L_1 بسیار بزرگ است. مقدار بهره ولتاژ $A_v = \left| \frac{V_{out}}{V_{in}} \right|$ به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟



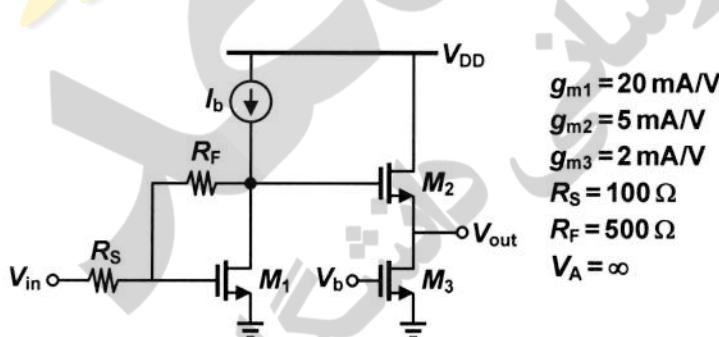
- ۱۰۰۰۰ (۱)
۲۰۰۰۰ (۲)
۴۰۰۰۰ (۳)
۸۰۰۰۰ (۴)

- ۳۶ - در مدار زیر، اندازه بهره ولتاژ به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟ (برای کلیه ترانزیستورها داریم: $r_o = \infty, g_m = 1\text{mS}$)



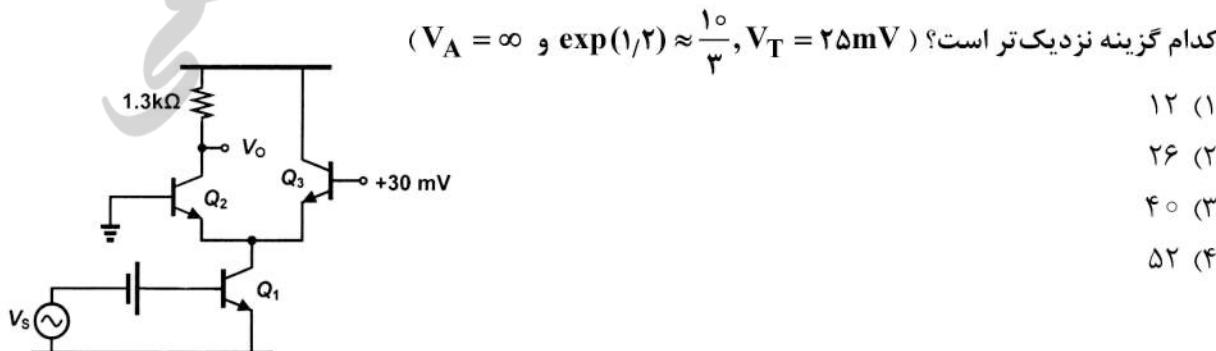
- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

- ۳۷ - در مدار زیر، همه ترانزیستورها در ناحیه اشباع بایاس شده‌اند و منبع جریان I_b ایدئال است. مقدار بهره ولتاژ $A_v = \left| \frac{V_{out}}{V_{in}} \right|$ برابر با کدام گزینه است؟



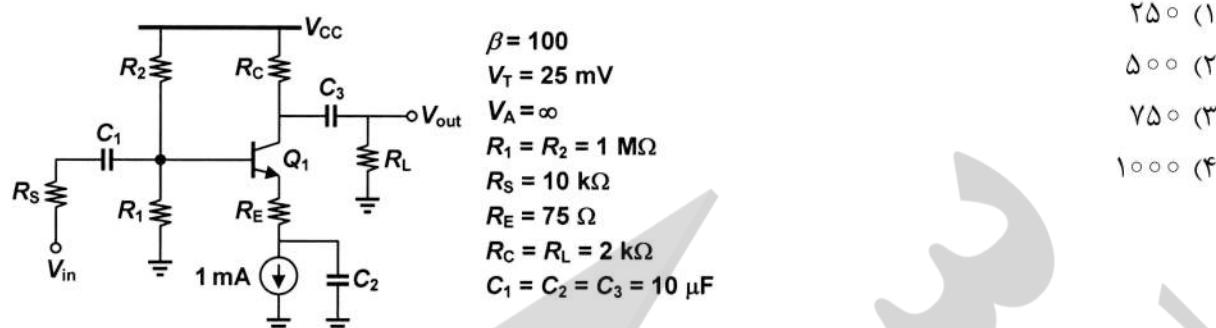
- $A_v = \left| \frac{V_{out}}{V_{in}} \right|$ برابر با کدام گزینه است؟
۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

- ۳۸ - در تقویت‌کننده شکل زیر، ترانزیستورها یکسان بوده و جریان بایاس Q_1 برابر با 1mA است. اندازه بهره ولتاژ به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟ ($V_A = \infty$ و $\exp(1/2) \approx \frac{1}{3}$, $V_T = 25\text{mV}$)

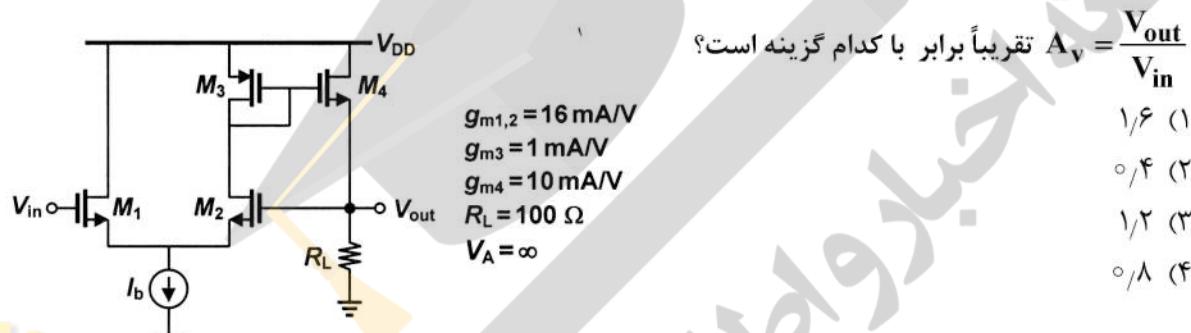


- ۱۲ (۱)
۲۶ (۲)
۴۰ (۳)
۵۲ (۴)

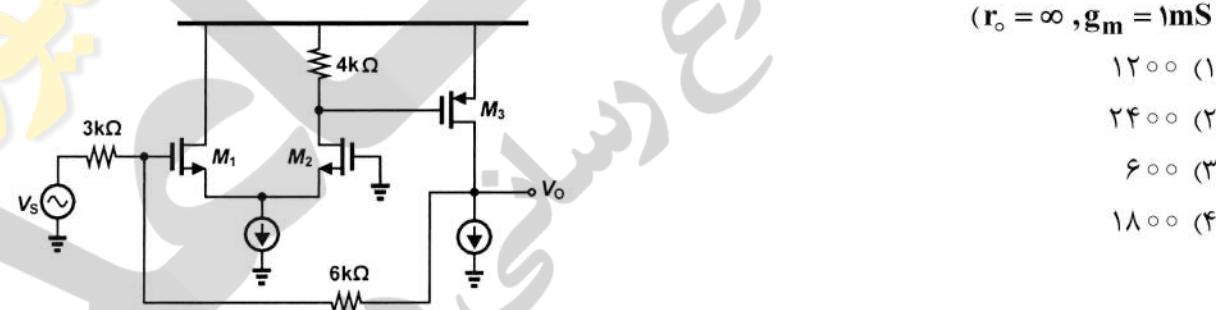
- ۳۹ در مدار زیر، ترانزیستور Q_1 در ناحیه فعال بایاس شده و منبع جریان ایدئال است. مقدار فرکانس قطع پایین -3dB بر حسب رادیان بر ثانیه، تقریباً برابر با کدام گزینه است؟



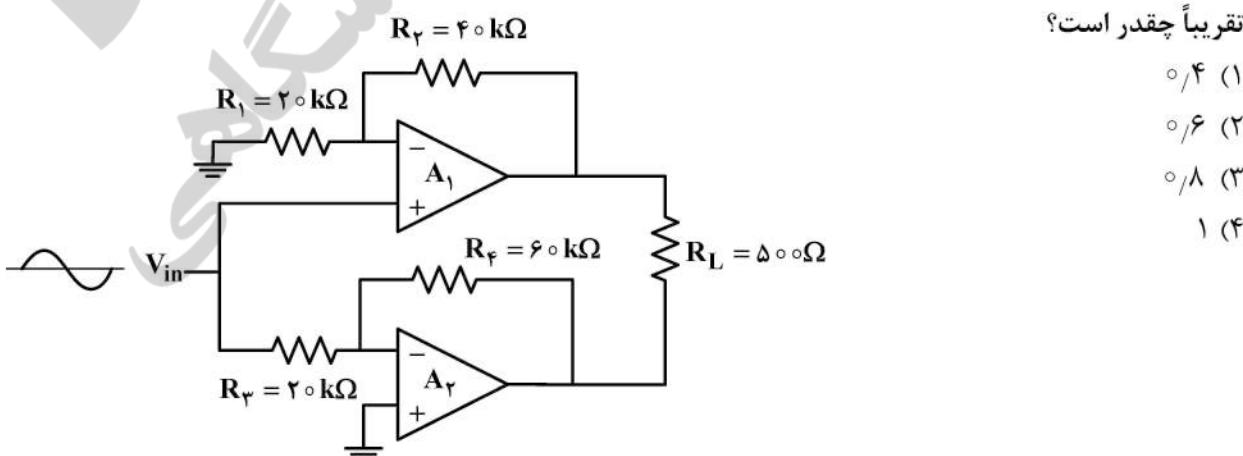
- ۴۰ در مدار زیر، همه ترانزیستورها در ناحیه اشباع بایاس شده‌اند و منبع جریان ایدئال است. مقدار بهره ولتاژ



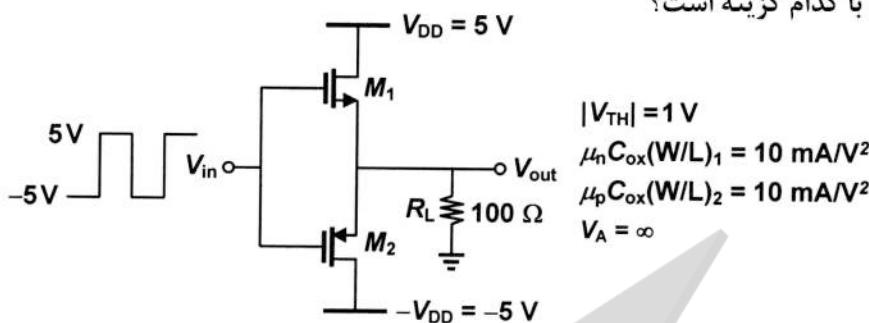
- ۴۱ مقاومت خروجی تقویت‌کننده شکل زیر به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟ (برای کلیه ترانزیستورها داریم: $r_o = \infty, g_m = 1 \text{ mS}$)



- ۴۲ در مدار زیر حداقل مقدار ولتاژ خروجی آپامپ‌ها 12 ± 1 ولت است. حداقل توان تحویلی به بار R_L بر حسب وات تقریباً چقدر است؟



- ۴۳- در مدار زیر، ورودی V_{in} به صورت یک شکل موج مربعی با دامنه ۵ ولت و DC صفر است. حداقل مقادیر لذتاز خروجی V_{out} بر حسب ولت برابر با کدام گزینه است؟



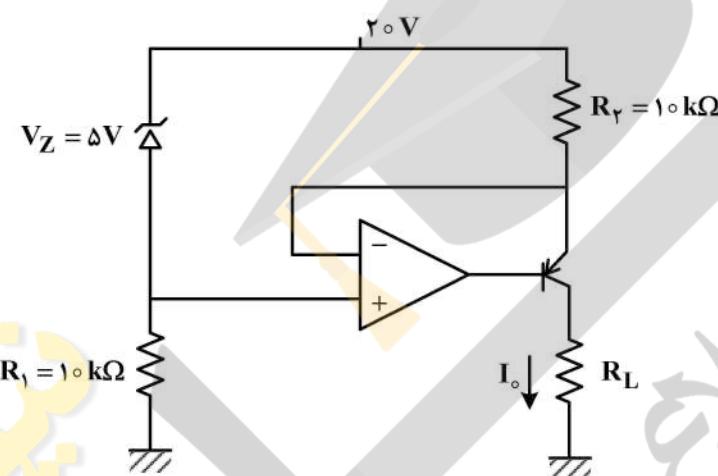
۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

- ۴۴- حداقل مقادیر مقاومت R_L بر حسب کیلو اهم برای ثابت ماندن جریان I_0 تقریباً چقدر است؟



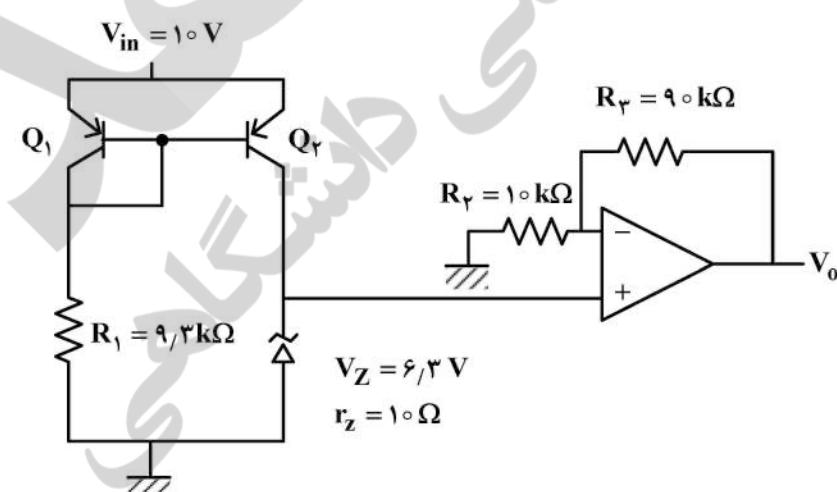
۴۰ (۱)

۲۰ (۲)

۱۰ (۳)

۳۰ (۴)

- ۴۵- با فرض ایدئال بودن اپ‌امپ، $(\frac{\partial V_o}{\partial V_{in}})$ تقریباً برابر با $V_{EB, on} = ۰/۷\text{ V}$ ، $\beta = ۲۰۰$ ، $|V_A| = \infty$ و $V_{ZT} = ۰/۳\text{ V}$ مقدار تنظیم خط



با کدام گزینه است؟

۰/۱ (۱)

۰/۲ (۲)

۰/۵ (۳)

۱ (۴)