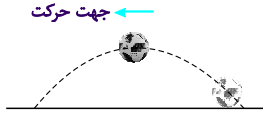


محل مهر و امضا: مدیر		نمره به عدد: نمره به حروف:	نمره به عدد: نمره به حروف:
		نام دبیر:	تاریخ و امضا:
ردیف	سؤالات	ردیف	نمره به عدد:
۲	متحرکی که روی خط راست حرکت می کند، در لحظه $t_1 = 3\text{ s}$ در $x_1 = 5\text{ m}$ ، در لحظه $t_2 = 5\text{ s}$ در $x_2 = -7\text{ m}$ و در $t_3 = 11\text{ s}$ در $x_3 = 13\text{ m}$ قرار دارد. اگر متحرک فقط در $t_2 = 5\text{ s}$ تغییر جهت داده باشد: (برگرفته از متن و شکل کتاب درسی) الف) مسافت طی شده توسط متحرک را از t_1 تا t_3 حساب کنید. ب) تندی متوسط را از t_1 تا t_3 حساب کنید. پ) مسیر حرکت متحرک را روی محور x ها با رسم شکل نمایش دهید.	۱	
۲	نمودار متحرکی که با شتاب ثابت بر روی خط راست حرکت می کند، مطابق شکل است. شتاب متحرک چند متر بر مجذور ثانیه است؟ 	۲	
۲	متحرکی با سرعت ثابت و در امتداد محور x در حال حرکت است. اگر متحرک در مبدأ زمان در $x = -12\text{ m}$ و در $t = 3\text{ s}$ در $x = 9\text{ m}$ باشد. معادله حرکت متحرک را به دست آورید.	۳	
۲	موتورسیکلتی با سرعت اولیه 36 km/h روی خط راست در حال حرکت با شتاب ثابت -1 m/s^2 است. الف) پس از طی چند متر، موتورسیکلت می ایستد؟ ب) این حرکت چند ثانیه طول می کشد؟	۴	
۲	متحرکی روی خط راست و بدون تغییر جهت، مسافت های متوالی 10 m ، 20 m و 30 m را به ترتیب با سرعت های 2 m/s ، 4 m/s و 6 m/s طی می کند. سرعت متوسط آن در این حرکت چند m/s است؟	۵	
۱	اگر شخصی درون آسانسور روی ترازو ایستاده باشد، وقتی آسانسور به سمت پایین شروع به حرکت می کند، ترازو نسبت به وزن شخص مقدار کم تری را نشان می دهد یا مقدار بیشتری؟ توضیح دهید.	۶	
۰,۵	درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید. اگر از مقاومت هوا صرف نظر کنیم، برای دو گلوله هم اندازه که از یک ارتفاع رها می شوند، سرعت برخورد با زمین برای گلوله ای که جرمش دو برابر گلوله دیگر است، $\sqrt{2}$ برابر گلوله سبک تر است.	۷	

ردیف	سؤالات	نقطه
۲	<p>شکل روبه‌رو توپی را در لحظه‌ای نشان می‌دهد که در بالاترین نقطه‌ی مسیرش قرار دارد. در این لحظه جهت حرکت نشان داده شده است. اگر اندازه‌ی نیروی مقاومت هوا $0/5 \text{ N}$ و جرم توپ 120 g باشد:</p>  <p>الف) جهت نیروهای وارد بر توپ را تعیین کنید. ب) بزرگی شتاب را تعیین کنید. ($g = 10 \text{ N / kg}$) پ) جهت بردار شتاب را تعیین کنید.</p>	۸
۱	<p>نشان دهید که اندازه‌ی تکانه را می‌توان از رابطه‌ی $p = \sqrt{2mK}$ به دست آورد که در آن K انرژی جنبشی و m جرم جسم است.</p>	۹
۱	<p>آزمایشی طراحی کنید که طی آن رابطه‌ی بین نیروی خالص وارد بر یک جسم و شتاب آن بررسی شود.</p>	۱۰
۲	<p>جسمی به جرم $2/5 \text{ kg}$ روی سطح افقی یک میز قرار دارد و توسط فنری با ثابت 200 N / m روی سطح افقی کشیده می‌شود. الف) وقتی طول فنر 12 cm افزایش می‌یابد، جسم در آستانه‌ی حرکت قرار می‌گیرد. ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و میز را حساب کنید. ب) اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح $0/3$ باشد و شتاب جسم پس از حرکت به 1 m / s^2 برسد، تغییر طول فنر را محاسبه کنید. ($g = 10 \text{ N / kg}$)</p>	۱۱
۰,۵	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. در حرکت هماهنگ ساده نوسانگر جرم - فنر، انرژی نوسانگر در نقطه‌ی تعادل بیشینه می‌شود.</p>	۱۲
۱	<p>در یک حرکت هماهنگ ساده، طول پاره‌خط m سیر نوسانگر 10 cm و بسامد نوسان 5 Hz است. معادله‌ی حرکت این نوسانگر را در SI بنویسید.</p>	۱۳
۱	<p>در حرکت هماهنگ ساده وزنه - فنری، ثابت فنر 180 N / m و جرم نوسانگر 200 g است. بسامد زاویه‌ای این حرکت را حساب کنید.</p>	۱۴



کلید سؤالات پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۹-۹۸

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	<p>الف) متحرک ابتدا از x_1 تا x_2 رفته است و سپس بعد از تغییر جهت از x_2 تا x_3 را پیموده است:</p> $I = \Delta x_1 + \Delta x_2 = x_2 - x_1 + x_3 - x_2 $ $= -7\text{ m} - 5\text{ m} + 13\text{ m} - (-7\text{ m}) = -12\text{ m} + 20\text{ m} $ $= 12\text{ m} + 20\text{ m} = 32\text{ m}$ <p>ب)</p> $S_{av} = \frac{I}{\Delta t_T} \Rightarrow S_{av} = \frac{32\text{ m}}{11\text{ s} - 3\text{ s}} = 4\text{ m/s}$ <p>پ)</p> <p>$x_T = -7\text{ m}$ $x_1 = 5\text{ m}$ $x_T = 13\text{ m}$ $x(m)$ $t_T = 5\text{ s}$ $t_1 = 3\text{ s}$ $t_T = 11\text{ s}$</p>	
۲	<p>در لحظه $t = 2\text{ s}$ سرعت متحرک صفر است:</p> $v = at + v_0 \Rightarrow 0 = 2a + v_0 \Rightarrow v_0 = -2a$ <p>در بازه زمانی $(0, 2\text{ s})$ سرعت متوسط متحرک را به دست می آوریم:</p> $\bar{v} = \frac{v + v_0}{2} \Rightarrow \bar{v} = \frac{0 - 2a}{2} = -a \quad (1)$ <p>از طرفی در بازه زمانی $(0, 2\text{ s})$ سرعت متوسط را از رابطه $\frac{\Delta x}{\Delta t}$ می توانیم به دست آوریم:</p> $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{13\text{ m} - 5\text{ m}}{2\text{ s}} = 4\text{ m/s} \quad (2)$ <p>(1) و $(2) \Rightarrow -a = 4\text{ m/s}^2 \Rightarrow a = -4\text{ m/s}^2$</p>	
۳	<p>سرعت ثابت است:</p> $v = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{9\text{ m} - (-12\text{ m})}{3\text{ s} - 0\text{ s}} = \frac{21\text{ m}}{3\text{ s}} = 7\text{ m/s}$ <p>متحرک در مبدأ مکان در $x_0 = -12\text{ m}$ قرار دارد؛ پس:</p> $x = vt + x_0 \Rightarrow x = 7t + (-12) = 7t - 12$	
۴	<p>الف)</p> $v_0 = 36\text{ km/h} = 10\text{ m/s} \Rightarrow v_1 = 0$ $v_1^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \Rightarrow (0\text{ m/s})^2 - (10\text{ m/s})^2 = 2(-1\text{ m/s}^2)\Delta x$ $\Rightarrow \Delta x = \frac{100\text{ m}^2/\text{s}^2}{2\text{ m/s}^2} = 50\text{ m}$ <p>ب)</p> $v = at + v_0 \Rightarrow 0 = (-1\text{ m/s}^2)t + 10\text{ m/s}$	
۵	<p>سرعت متوسط برابر با جابه جایی کل تقسیم بر زمان کل است؛ پس اول به سراغ محاسبه زمان هر یک از جابه جایی ها می رویم:</p> $\Delta t_1 = \frac{\Delta x_1}{v_1} = \frac{10\text{ m}}{2\text{ m/s}} = 5\text{ s}$ $\Delta t_2 = \frac{\Delta x_2}{v_2} = \frac{2\text{ m}}{4\text{ m/s}} = 5\text{ s}$ $\Delta t_3 = \frac{\Delta x_3}{v_3} = \frac{30\text{ m}}{6\text{ m/s}} = 5\text{ s}$ <p>حالا سرعت متوسط را به دست می آوریم:</p> $v_{av} = \frac{\Delta x_T}{\Delta t_T} = \frac{10\text{ m} + 20\text{ m} + 30\text{ m}}{5\text{ s} + 5\text{ s} + 5\text{ s}} = \frac{60\text{ m}}{15\text{ s}} = 4\text{ m/s}$	

$$mg - F_N = ma \Rightarrow F_N = mg - ma \Rightarrow F_N = m(g - a) < W$$

۶

نادرست. اگر از مقاومت هوا صرف نظر کنیم، هر دو با یک سرعت به زمین برخورد می‌کنند.

۷

الف) نیروی مقاومت هوا در خلاف جهت حرکت است و نیروی وزن هم همواره به سمت مرکز زمین است.

۸



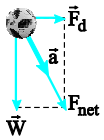
ب) برای به دست آوردن بزرگی شتاب ابتدا باید اندازه نیروی خالص را حساب کنیم.

$$\begin{aligned} m &= 120 \text{ g} = 0.12 \text{ kg} \Rightarrow \vec{F}_{\text{net}} = \vec{F}_d + \vec{W} = (0.5 \text{ N})\vec{i} - (mg)\vec{j} \\ &= (0.5 \text{ N})\vec{i} + (0.12 \text{ kg})(-10 \text{ N/kg})\vec{j} \\ \Rightarrow \vec{F}_{\text{net}} &= (0.5 \text{ N})\vec{i} - (1.2 \text{ N})\vec{j} \\ \Rightarrow F_{\text{net}} &= \sqrt{0.5^2 + 1.2^2} \text{ N} = 1.3 \text{ N} \end{aligned}$$

حالا می‌توانیم شتاب را حساب کنیم.

$$a = \frac{F_{\text{net}}}{m} = \frac{1.3 \text{ N}}{0.12 \text{ kg}} = \frac{13}{12} \text{ N/kg}$$

پ) جهت شتاب همان جهت نیروی خالص است:

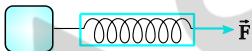


۹

$$\begin{aligned} K &= \frac{1}{2} m v^2 \longrightarrow 2mK = 2m \times \left(\frac{1}{2} m v^2\right) \\ \Rightarrow 2mK &= m^2 v^2 \Rightarrow \sqrt{2mK} = m v = p \end{aligned}$$

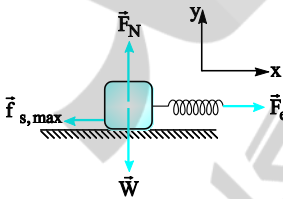
۱۰

قانون دوم به صورت $\vec{a} = \frac{\vec{F}_{\text{net}}}{m}$ است. با توجه به این موضوع اگر نیرو دو برابر شود، شتاب دو برابر می‌شود. مطابق شکل یک قطعه یخ به جرم 1 kg را که در ابتدا ساکن بوده است، روی سطح بدون اصطکاکی به کمک نیروسنجی با نیروی F می‌کشیم و آن را 1 m جابه‌جا می‌کنیم. با اندازه‌گیری مدت زمان جابه‌جایی با استفاده از رابطه $\Delta x = \frac{1}{2} a t^2$ شتاب را حساب می‌کنیم. حالا اگر همین کار را با نیروی 2F انجام دهیم، می‌بینیم شتاب دو برابر می‌شود. در واقع اگر نیرو را n برابر کنیم، شتاب هم n برابر می‌شود. پس می‌فهمیم نیرو و شتاب رابطه مستقیم دارند.



۱۱

الف) **گام اول:** ابتدا شکل ساده‌ای از مسئله رسم می‌کنیم و نیروهایی را که بر جسم وارد می‌شوند نشان می‌دهیم.



گام دوم: چون جسم در راستای قائم حرکت نمی‌کند، در حال تعادل است. با توجه به این موضوع قانون دوم نیوتون را برای راستای قائم می‌نویسیم و نیروی عمودی سطح را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} F_{\text{net},y} = 0 &\Rightarrow F_N - W = 0 \Rightarrow F_N = W = mg \\ &= (2.5 \text{ kg})(10 \text{ N/kg}) = 25 \text{ N} \end{aligned}$$

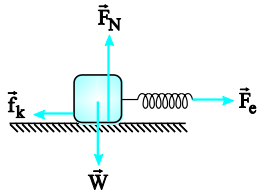
گام سوم: جسم در راستای افقی هم ساکن است؛ پس برای این راستا هم قانون دوم را می‌نویسیم و داریم:

$$\begin{aligned} F_{\text{net},x} &\Rightarrow F_e - f_{s,\text{max}} = 0 \Rightarrow f_{s,\text{max}} = F_e = kx \\ &= (200 \text{ N/m})(0.12 \text{ m}) = 24 \text{ N} \end{aligned}$$

گام چهارم: حالا اندازه نیروی اصطکاک ایستایی پیشینه را داریم و ضریب اصطکاک ایستایی را می‌خواهیم. با استفاده از رابطه اصطکاک آستانه حرکت این ضریب را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} f_{s,\text{max}} &= \mu_s \cdot F_N \Rightarrow 24 \text{ N} = \mu_s \times (25 \text{ N}) \\ \Rightarrow \mu_s &= \frac{24 \text{ N}}{25 \text{ N}} = 0.96 \end{aligned}$$

ب) یک شکل جدید برای وقتی که جسم در حال حرکت است رسم می‌کنیم و نیروهای وارد بر جسم را نشان می‌دهیم. در قسمت قبل فهمیدیم که $F_N = W = 25 \text{ N}$ است و چون ضریب اصطکاک جنبشی را هم داریم ابتدا نیروی اصطکاک جنبشی را حساب می‌کنیم:



$$f_k = \mu_k \cdot F_N = 0/3 \times (25 \text{ N}) = 7/5 \text{ N}$$

حالا قانون دوم نیوتون را برای راستای افقی می‌نویسیم:

$$F_{\text{net},x} = ma_x \Rightarrow F_e - f_k = ma \Rightarrow F_e - (7/5 \text{ N}) = (2/5 \text{ kg})(1 \text{ N/kg}) \Rightarrow F_e = (2/5 \text{ N}) + (7/5 \text{ N}) = 10 \text{ N}$$

و در مرحله آخر تغییر طول فنر را به دست می‌آوریم:

$$F_e = kx \Rightarrow 10 \text{ N} = (200 \text{ N/m})x \Rightarrow x = \frac{10 \text{ N}}{200 \text{ N/m}} = \frac{1}{20} \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

	۱۲	جنبشی
$A = \frac{1}{2} = \frac{10 \text{ cm}}{2} = 5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$ $x(t) = A \cos \omega t = A \cos(2\pi ft) = 5 \times 10^{-2} \cos(2\pi \times 5 \times t)$ $\Rightarrow x(t) = 5 \times 10^{-2} \cos 10\pi t$	۱۳	دامنه نصف طول مسیر نوسان است:
$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{180 \text{ N/m}}{0/2 \text{ kg}}} = \sqrt{900 (1/s^2)} = 30 \text{ rad/s}$	۱۴	
<p>نام و نام خانوادگی مصحح : مهدی هاشمی</p> <p>امضاء:</p>	جمع بارم : ۲۰ نمره	