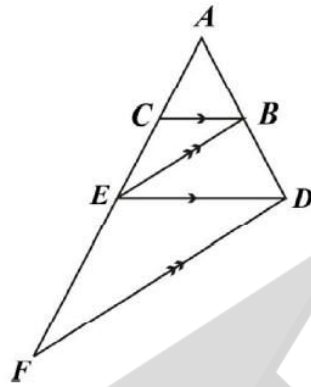


| | | | | |
|----------------------|-------------------------------|----------------|-------------------------------|----------------|
| محل مهر و امضاء مدیر | نمره به عدد: | نمره به حروف: | نمره به عدد: | نمره به حروف: |
| | نام دبیر: علیرضا سید علی اکبر | تاریخ و امضاء: | نام دبیر: علیرضا سید علی اکبر | تاریخ و امضاء: |
| بارم | سوالات | | | ردیف |

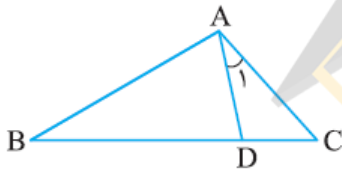
| ۱ | مستطیلی رسم کنید که طول قطرهای آن ۶ سانتی متر باشد | ۱ | | | | | | | | | | | | | | | |
|--------------|--|-----------------------|-------------------------------|-----------------------|-------------------------------|-----------------|------|--|--|--|--|--------|--|--|--|--|--|
| ۱ | ثابت کنید هر نقطه روی نیمساز زاویه از دو ضلع زاویه به یک فاصله است | ۲ | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | جدول زیر را کامل کنید | ۳ | | | | | | | | | | | | | | | |
| | <table border="1"> <thead> <tr> <th>۱۱ ضلعی محدب</th> <th>مجموع زاویه های داخلی</th> <th>مجموع زاویه های خارجی</th> <th>تعداد قطرهای گذرنده از یک رأس</th> <th>تعداد کل قطرهای</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>مثلث</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>۹ ضلعی</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> | ۱۱ ضلعی محدب | مجموع زاویه های داخلی | مجموع زاویه های خارجی | تعداد قطرهای گذرنده از یک رأس | تعداد کل قطرهای | مثلث | | | | | ۹ ضلعی | | | | | |
| ۱۱ ضلعی محدب | مجموع زاویه های داخلی | مجموع زاویه های خارجی | تعداد قطرهای گذرنده از یک رأس | تعداد کل قطرهای | | | | | | | | | | | | | |
| مثلث | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۹ ضلعی | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید (آ) اگر خطی بر دو خط متقاطع از صفحه‌ای، در محل تقاطع عمود باشد، بر آن صفحه عمود است. (ب) هر چهارضلعی که قطرهایش برابر باشند، مستطیل است. (پ) اگر اضلاع زاویه قائمه یک مثلث قائم‌الزاویه دو برابر شود، مساحت آن دو برابر می‌شود. (ت) نقطه هم‌رسی میانه‌های هر مثلث، هر میانه را به نسبت ۲ به ۱ تقسیم می‌کند. | ۴ | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | اگر $\frac{x}{3} = \frac{y}{4} = \frac{z}{6} = \frac{3}{5}$ باشد، حاصل $x+y+z$ را به دست آورید. | ۵ | | | | | | | | | | | | | | | |
| ۱ | اندازه ی محیط های دو مثلث متشابه ۱۲ و ۱۸ است. اگر مساحت مثلث بزرگتر ۱۵ باشد، مساحت مثلث کوچکتر را بیابید | ۶ | | | | | | | | | | | | | | | |

۷. در شکل مقابل با توجه به قضیه ی تالس در مثلث های ADF و ADE و مقایسه ی نسبت ها با یکدیگر ثابت کنید



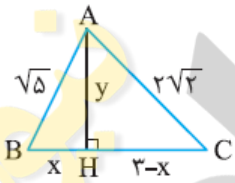
۱,۵

۸. در شکل روبه‌رو $\hat{A}_1 = \hat{B}$ ، $AC = 4$ و $BD = 6$. طول پاره‌خط BC را به‌دست آورید.



۸

۹. در شکل مقابل مثلثی به اضلاع $\sqrt{5}$ ، $2\sqrt{2}$ و 3 رسم شده است. به کمک قضیه فیثاغورس در مثلث‌های ABH و ACH ، مقادیر x و y را به‌دست آورید و از آن‌جا مساحت مثلث را محاسبه کنید.



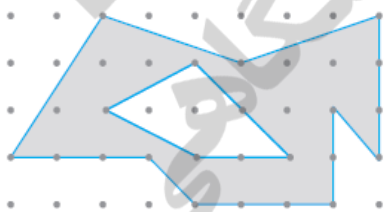
۹

۱۰. نسبت مساحت‌های دو پنج‌ضلعی متشابه $\frac{25}{36}$ است. اگر محیط یکی از آن‌ها ۱۸ سانتی‌متر باشد، محیط پنج‌ضلعی دیگر چند سانتی‌متر است؟ (چند جواب داریم؟)

۱۰

۱۱. با توجه به مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای، مساحت قسمت رنگی را محاسبه کنید.

۱۱



۱,۵

۱۲. اگر در یک مثلث متساوی‌الاضلاع اندازه ارتفاع برابر ۹ باشد، آن‌گاه مساحت مثلث را بیابید.

۱۲

۱۳. در یک لوزی اندازه هر ضلع $2\sqrt{10}$ و نسبت اندازه‌های دو قطر، $\frac{1}{3}$ است. مساحت لوزی را بیابید.

۱,۵

۱۳

| | | |
|-----|---|----|
| | حالت‌های مختلف خط و صفحه در فضا را با رسم شکل بنویسید. | ۱۴ |
| ۱ | در هر مورد مشخص کنید شکل حاصل از دوران چه خواهد بود؟ آن را نام ببرید و تصویر مناسبی از آن رسم کنید. (آ) دوران یک مستطیل حول یک ضلع آن (ب) دوران یک دوزنقه قائم‌الزاویه حول ضلع عمود بر قاعده‌ها | ۱۵ |
| ۱ | صفحه P کروی به مرکز O و شعاع ۵ سانتی‌متر را قطع کرده است. اگر فاصله نقطه O از صفحه، ۳ سانتی‌متر باشد، مساحت این سطح مقطع را بیابید. | ۱۶ |
| ۱/۵ | صفحه ای یک مخروط قائم را قطع می کند. سطح مقطع حاصل در حالات زیر کدام است. الف) صفحه افقی باشد ب) صفحه مایل باشد و قاعده ی مخروط را قطع نکند | ۱۷ |
| ۱/۵ | | |

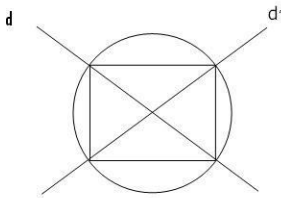
نام درس: ریاضی
 تاریخ امتحان: ۹۶/۰۳/۲۰
 ساعت امتحان: ۸:۰۰
 مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
 مدیریت منطقه ۲
 دبیرستان دوره دوم پسرانه سعادت آباد
 پاسخنامه امتحان پایانی نوبت دوم سال تحصیلی ۹۶-۱۳۹۵

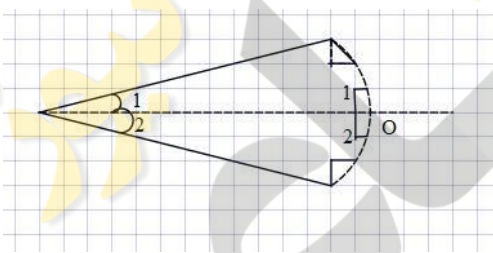
نام و نام خانوادگی:
 پایه و رشته:
 شماره داوطلب:

| | | | | |
|----------------------|-------------------------------|---------------|----------------|---------------|
| محل مهر و امضاء مدیر | نمره به عدد: | نمره به حروف: | نمره به عدد: | نمره به حروف: |
| | نام دبیر: علیرضا سید علی اکبر | | تاریخ و امضاء: | |
| | | | | ردیف |
| | | | | پاسخ |

دو خط متقاطع d و d' را رسم می‌کنیم از محل برخورد آنها (O) دایره ای به شعاع ۳ سانتی متر رسم می‌نماییم تا چهار راس مستطیل را بیابیم.



۱



۲

$$\begin{cases} A_1 = A_2 \\ A_1 = H_2 = 90 \\ OA = OA \end{cases} \rightarrow \text{مشترک}$$

$$OH_1A \cong OH_2A \rightarrow OH_1 = OH_2$$

| | | | | |
|-------------------------|---------------|--------------------|---------------------------|--------|
| کل قطرهای | قطرهای یک راس | مجموع زوایای خارجی | مجموع زوایای داخلی | |
| ۰ | ۰ | ۳۶۰ | ۱۸۰ | مثلاً |
| $\frac{(9-3)9}{2} = 27$ | $9-3=6$ | ۳۶ | $(9-2) \times 180 = 1260$ | ۹ ضلعی |

۳

الف) درست
 ب) نادرست
 ج) نادرست
 د) درست

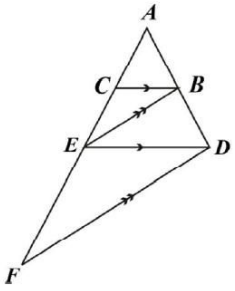
۴

$$\frac{x+y+z}{3+4+6} = \frac{3}{5} \rightarrow x+y+z = \frac{3 \times 13}{5} = \frac{39}{5} = 7.8$$

۵

$$\frac{S_{\text{کوچک}}}{S_{\text{بزرگ}}} = K^2, \quad \frac{P_{\text{کوچک}}}{P_{\text{بزرگ}}} = K \quad \rightarrow \quad K = \frac{12}{18} = \frac{2}{3}$$

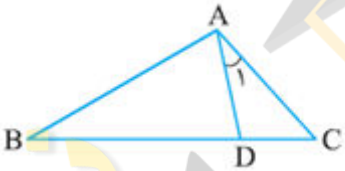
۶



$$\begin{cases} \frac{AC}{EC} = \frac{AB}{BD} & \Delta AED \\ \frac{AE}{EF} = \frac{AB}{BD} & \Delta AFD \end{cases} \quad \begin{cases} \frac{AC}{AE} = \frac{AB}{AD} \\ \frac{AE}{AF} = \frac{AB}{AD} \end{cases}$$

$$\rightarrow AC^2 = AC \cdot AF$$

۷



$$\begin{cases} \hat{A}_1 = \hat{B} \\ AC = 4 \\ BD = 6 \\ \hat{A}_1 = \hat{B} \\ \hat{C} = \hat{C} \end{cases} \rightarrow \Delta DC \sim \Delta ABC$$

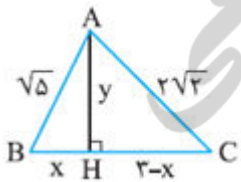
$$\text{نسبت تشابه} \rightarrow \frac{x}{4} = \frac{4}{x+6}$$

$$\rightarrow x^2 + 6x = 16 \rightarrow x^2 + 6x - 16 = 0 \rightarrow (x+8)(x-2) = 0$$

$$\begin{cases} x = -8 \\ x = 2 \end{cases}$$

$$BC = x + 6 = 2 + 6 = 8$$

۸



$$\rightarrow \Delta ABH \rightarrow x^2 + y^2 = 5$$

$$\rightarrow \Delta AHC \rightarrow (3-x)^2 + y^2 = 8$$

$$\rightarrow 9 - 6x + x^2 + y^2 = 8$$

$$\rightarrow 9 - 6x + 5 = 8 \rightarrow 6x = 6 \rightarrow x = 1$$

$$x^2 + y^2 = 5 \rightarrow 1 + y^2 = 5 \rightarrow y = 2$$

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} y (x + 3 - x) = \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$$

۹

۱۰

$$\frac{S_1}{S_1} = k^2 = \frac{25}{36} \rightarrow k = \frac{5}{6} \rightarrow \text{حالت اول } \frac{p_1}{18} = \frac{5}{6} \rightarrow p_1 = 15$$

$$\rightarrow \text{حالت دوم } \frac{18}{p_2} = \frac{5}{6} \rightarrow p_2 = 23/6$$

$$S_{\text{بزرگ}} = \frac{b}{2} + i - 1 = p \quad S_{\text{بزرگ}} = \frac{16}{2} + 14 - 1 = 21$$

$$S_{\text{کوچک}} = \frac{b'}{2} + i' - 1 \rightarrow S_{\text{کوچک}} = \frac{6}{2} + 2 - 1 = -4$$

$$S_{\text{هاشور}} = 21 - 4 = 17$$

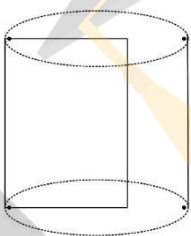
$$h = \frac{a\sqrt{3}}{2} = 9 \rightarrow a = \frac{18}{\sqrt{3}} = 6\sqrt{3}$$

$$s = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{(6\sqrt{3})^2(\sqrt{3})}{4} = 27\sqrt{3}$$

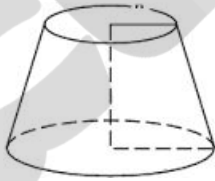
$$9x^2 + x^2 = 40 \rightarrow x^2 = 4 \rightarrow x = 2$$

14

الف) استوانه



ب) مخروط ناقص



15

$$S_{\text{مقطع}} = \pi r_1^2$$

$$r_1^2 = 25 - 9 = 16 \rightarrow r_1 = 4$$

$$S_{\text{مقطع}} = \pi(4)^2 = 16\pi$$

16

الف) دایره



ب) بیضی



17